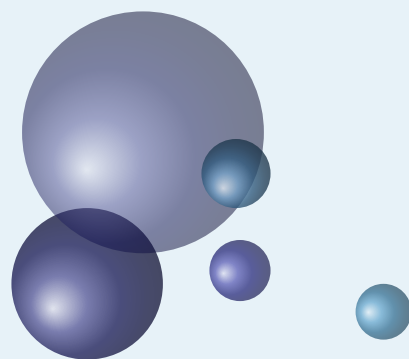


AlterMundus



Alain Matthes

10 avril 2020 Documentation V.2.1c

<http://altermundus.fr>

Tkz-Tab

AlterMundus

Alain Matthes

tkz-tab.sty est un package pour créer à l'aide de TikZ des tableaux de signes et de variations le plus simplement possible. Il est dépendant de TikZ et fera partie d'une série de packages ayant comme point commun, la création de dessins utiles dans l'enseignement des mathématiques. La lecture de cette documentation va, je l'espère vous permettre d'apprécier la simplicité d'utilisation de TikZ et vous permettre de commencer à le pratiquer.

☞ Je remercie **Till Tantau** pour nous permettre d'utiliser TikZ.

☞ Je remercie **Michel Bovani** pour nous permettre d'utiliser **fourier** et **utopia** avec L^AT_EX.

☞ Je remercie **Henri-Claude Dufresne** pour sa lecture approfondie de la documentation et ses propositions de correction.

☞ Je remercie également **Jean-Côme Charpentier**, **Manuel Pégourié-Gonnard**, **Franck Pastor**, **Ulrike Fischer** et **Josselin Noirel** pour les différentes idées et conseils qui m'ont permis de faire ce package, ainsi que **Herbert Voß** pour son document `mathmode.pdf`.

Table des matières

1	Initialisation d'un tableau : <code>\tkzTabInit</code>	6
1.1	Définition	6
1.2	Utilisation des arguments	6
1.2.1	Tableau simple	6
1.2.2	Ajout de lignes et de colonnes	7
1.2.3	Tableau minimum	7
1.3	Utilisation des options	7
1.3.1	<code>lgt</code> : modification de la largeur de la première colonne	8
1.3.2	<code>espcl</code> : modification de l'espacement entre deux valeurs	8
1.3.3	<code>deltac1</code> : modification des espacements aux extrémités	8
1.3.4	<code>lw</code> : épaisseur des lignes du tableau	8
1.3.5	<code>nocadre</code> : suppression du cadre externe	8
1.3.6	<code>color</code> : utilisation de la couleur dans un tableau	8
1.3.7	<code>help</code> : Affiche la structure du tableau	9
2	Création d'une ligne de signes : <code>\tkzTabLine</code>	10
2.1	Définition	10
2.2	Nombre d'arguments utilisés.	10
2.3	Emploi minimum	11
2.3.1	<code>t</code> : ajout d'un trait	11
2.3.2	<code>z</code> : ajout d'un zéro sur un trait vertical	11
2.3.3	<code>d</code> : double barre	12
2.4	Utilisation des symboles de rang pair	12
2.4.1	<code>h</code> : zone interdite	12
2.5	Utilisation des options	12
2.5.1	<code>t style</code> : modification du style des traits verticaux	12
2.5.2	<code>help</code> : Affiche la structure du tableau	13
2.6	Utilisation des styles	13
2.6.1	<code>h style</code> : modification de la couleur d'une zone interdite	13
2.7	Exemples	13
2.7.1	Simplification d'une expression comportant une valeur absolue	13
2.7.2	Tableau de signes	14
2.7.3	Signe d'une expression du second degré	14
3	Création d'une ligne de variations : <code>\tkzTabVar</code>	15
3.1	Définition	15
3.2	Utilisation des symboles	18
3.3	Utilisation des options	22
3.3.1	<code>color</code> : modification de la couleur des flèches	22
3.3.2	<code>help</code> : affiche la structure du tableau	23
3.4	Utilisation des styles	23
3.4.1	Modification de la couleur d'une zone interdite	23
3.4.2	<code>h style</code> Zone interdite hachurée	23
3.4.3	<code>arrow style</code> style des flèches.	24
3.4.4	<code>node style</code> Style des nodes	25
3.5	Quelques exemples	26
3.5.1	Fonction inverse	26
3.5.2	Fonction avec des paliers, emploi du symbole <code>R</code>	26
3.5.3	Zone interdite	27
3.5.4	Zone interdite + prolongement par continuité	27
3.5.5	Zone interdite + double prolongement par continuité	27

3.5.6	Exemple d'une fonction partiellement constante	27
3.5.7	Double variations	28
4	Création d'un tableau de variations : <code>\tkzTab</code>	29
4.1	Définition	29
4.2	Exemple 1	29
4.3	Exemple 2	29
4.4	Exemple 3	30
4.5	Exemple 4	30
5	Valeurs intermédiaires <code>\tkzTabVal</code>	31
5.1	Définition de <code>\tkzTabVal</code>	31
5.1.1	Ajout de valeurs intermédiaires	32
5.1.2	Ajout de valeurs intermédiaires avec une fonction non monotone	32
5.1.3	Ajout de valeurs intermédiaires avec un palier	33
5.1.4	Valeurs intermédiaires et plusieurs lignes de variations	33
5.2	Utilisation des options	34
5.2.1	<code>draw</code> : ajout d'une flèche vers la valeur ajoutée	34
5.2.2	<code>remember</code> : attribuer un nom à un point ou un node.	35
6	Ajout d'images <code>\tkzTabIma</code> et <code>\tkzTabImaFrom</code>	36
6.1	Définition de <code>\tkzTabIma</code>	36
6.1.1	Ajout de valeurs intermédiaires à partir d'un antécédent donné	37
6.1.2	Exemple avec plusieurs lignes de variations	37
6.1.3	Fonctions paramétrées	38
6.2	Définition de <code>\tkzTabImaFrom</code>	39
6.2.1	Utilisation d'un node défini par la macro <code>\tkzTabInit</code>	39
6.2.2	Utilisation d'un point défini par l'utilisateur avec <code>remember</code>	40
7	Tangente horizontale : <code>\tkzTabTan</code> et <code>\tkzTabTanFrom</code>	41
7.1	Définition de <code>\tkzTabTan</code>	41
7.2	Utilisation des arguments	41
7.2.1	Palier	41
7.2.2	Tangente à l'extrémité d'un intervalle	42
7.3	Utilisation des options	43
7.3.1	<code>pos</code> : position de la valeur	43
7.3.2	Variations imbriquées	43
7.4	Définition de <code>\tkzTabTanFrom</code>	44
7.5	Le nom est défini par le tableau	44
7.6	Le nom est donné par l'utilisateur avec l'option <code>remember</code>	45
8	Nombres dérivés : <code>\tkzTabSlope</code>	46
8.1	Ajout de nombres dérivés	46
9	Utilisation des styles	48
9.1	Définition de <code>\tkzTabSetup</code>	48
9.1.1	Utilisation de <code>doubledistance</code> et <code>hcolor</code>	48
9.1.2	Utilisation de <code>fromcolor</code> et <code>tancolor</code>	49
9.2	Utilisation de <code>\tikzset</code> pour modifier les styles	49
9.2.1	Utilisation de <code>\tikzset</code> et <code>h style</code>	51
9.2.2	Utilisation de <code>\tikzset</code> et <code>h style</code>	51
9.2.3	Utilisation de <code>\tikzset</code> et <code>arrow style</code>	51
9.2.4	Utilisation de <code>\tikzset</code> et <code>\tkzTabSetup</code>	52

10	Personnalisation des tableaux	53
10.1	help : option commune aux principales macros	53
10.1.1	help : option de <code>\tkzTabInit</code>	53
10.1.2	help : option de <code>\tkzTabLine</code>	54
11	Galerie	54
11.1	Tableaux de signes	54
11.2	Variations de fonctions	54
11.2.1	Variation d'une fonction rationnelle	54
11.2.2	Variation d'une fonction irrationnelle	55
11.3	Fonctions trigonométriques	56
11.3.1	Variation de la fonction tangente	56
11.3.2	Variation de la fonction cosinus	57
11.4	Fonctions paramétrées et trigonométriques	57
11.5	Baccalauréat Asie ES 1998	58
11.6	Baccalauréat	60
11.7	Baccalauréat Guyane ES 1998	61
11.8	Exemple relatif à une question : problème de virgule	63
11.9	Quelques tableaux classiques	63
11.10	Utilisation de la macro <code>\par</code>	65
11.11	Exemple utilisant l'option <code>help</code>	66
11.12	Exemple modifiant la largeur d'une colonne	67
	Index	68

1 Initialisation d'un tableau : \tkzTabInit

1.1 Définition

```
\tkzTabinit[⟨local options⟩]{⟨e(1)/h(1),...,e(p)/h(p)⟩}{⟨a(1),...,a(n)⟩}
```

arguments	défaut	définition
liste1	no default	{⟨e(1)/h(1),...,e(p)/h(p)⟩}
liste2	no default	{⟨a(1),...,a(n)⟩}

Les arguments obligatoires de cette macro sont deux listes dont les éléments sont séparés par des virgules. La première contient p éléments qui définissent p lignes dans le tableau. La seconde liste contient n éléments qui définissent n antécédents. À un antécédent correspond une colonne.

- Liste 1 : les éléments de la première liste sont des paires $e(i)/h(i)$ où $/$ est un séparateur entre d'une part, une expression $e(1)$ et d'autre part, un nombre exprimé en centimètres. $h(i)$ est pour tout i un nombre décimal qui fait référence à la hauteur en cm de la ligne qui contient l'expression $e(i)$. Les nombres décimaux utilisent le point comme séparateur.
- Liste 2 : On ne peut pas utiliser les symboles « $/$ » et « $,$ » dans $e(i)$ sauf si on les protège dans un groupe¹. La protection de la virgule par une paire d'accolades {4,5} peut avantageusement être remplacée par une commande comme `\numprint{4,5}` ou encore `\np{4,5}`².

numprint

options	défaut	définition
espc1	2 cm	espacement entre deux valeurs
lgt	2 cm	largeur de la première colonne
deltac1	0.5 cm	marge avant le premier et le dernier antécédent
lw	0.4 pt	épaisseur des lignes du tableau
nocadre	false	par défaut, on encadre le tableau
color	false	booléen autorise la couleur ³
colorC	white	couleur de la première colonne
colorL	white	couleur de la première ligne
colorT	white	couleur de la partie centrale
colorV	white	couleur de la case de la variable
help	false	affiche les noms des points de construction

Le tableau ci-dessus décrit les options actuelles de la macro. Les trois premières sont essentielles pour l'esthétique de votre tableau, ainsi que pour ses dimensions finales. Il reste cependant une possibilité car on peut encore jouer avec les options de l'environnement `tikzpicture` qui sont `scale`, `xscale` et `yscale`.

1.2 Utilisation des arguments

1.2.1 Tableau simple

Exemple :

3. expression entre accolades.

4. Voir la documentation du package `numprint`.

5. Il est préférable de charger le package `xcolor` avec des options comme `usenames` ou bien `dvipsnames`.

```
\tikz \tkzTabInit{$x$ /.8 , $f(x)$ /.8}{$0$ , $+\infty$};
```

crée un tableau de deux lignes. La première ligne fait 0,8 cm de hauteur, ainsi que la seconde. La colonne de droite a pour bornes 0 et $+\infty$.

x	0 $+\infty$
$f(x)$	

1.2.2 Ajout de lignes et de colonnes

La première liste permet d'obtenir trois lignes qui ont pour hauteur 1 cm. La seconde liste comporte trois antécédents qui déterminent deux intervalles (zones). Il sera possible de placer des filets verticaux sous ces antécédents.

x	0 e $+\infty$
$f(x)$	
$g(x)$	

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit
  {$x$ /1,
   $f(x)$ /1,
   $g(x)$ /1}
  {$0$, $E$, $+\infty$}
\end{tikzpicture}
```

Il est à noter l'utilisation de la macro $\backslash E$ ⁴

1.2.3 Tableau minimum

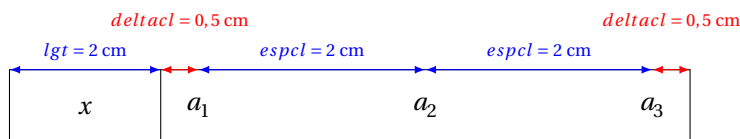
Le premier argument est /1, c'est l'argument minimum. L'argument est une liste avec comme séparateur le symbole /. Celui-ci est précédé d'un blanc ou d'un vide. La première case de la ligne sera vide. Le 1 signifie 1 cm car une dimension en cm est obligatoire pour donner la hauteur de la ligne. Le deuxième argument est constitué de deux éléments vides ou bien de deux blancs séparés par une virgule. Cet argument doit contenir au minimum deux éléments. Ces deux éléments sont les bornes d'un intervalle.

--	--

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit{ / 1}
  { , }
\end{tikzpicture}
```

1.3 Utilisation des options

Tout d'abord on peut modifier certaines dimensions concernant les colonnes. Voyons les valeurs par défaut.



4. $\backslash E$ est définie ainsi `\newcommand*{\E}{\ensuremath{\mathrm{e}}}`.

1.3.1 `lgt` : modification de la largeur de la première colonne

Par défaut la largeur de cette première colonne est de 2 cm. L'unité est toujours le cm.

x	1	3
-----	---	---

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3]{  $x$  / 1}
{  $1$  ,  $3$  }
\end{tikzpicture}
```

1.3.2 `espc1` : modification de l'espace entre deux valeurs

x	1	4
-----	---	---

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espc1=4]%
{  $x$  / 1}
{  $1$  ,  $4$  }
\end{tikzpicture}
```

1.3.3 `deltac1` : modification des espacements aux extrémités

x	1	4
-----	---	---

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,deltac1=1]%
{  $x$  / 1}
{  $1$  ,  $4$  }
\end{tikzpicture}
```

1.3.4 `lw` : épaisseur des lignes du tableau

Ce n'est pas recommandé. Il est préférable que tous les traits d'un document aient la même épaisseur qui par défaut est de 0,4 pt.

--	--

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lw=2pt]{ / 1}
{ , }
\end{tikzpicture}
```

1.3.5 `nocadre` : suppression du cadre externe


```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[nocadre]{ / 1, /1, /1}
{ , }
\end{tikzpicture}
```

1.3.6 `color` : utilisation de la couleur dans un tableau

`amsmath color` est un booléen et indique que l'on veut utiliser la couleur. Pour cela, il faut donner les couleurs attribuées à la première ligne `colorL`, la première colonne `colorC`, à la case de la variable `colorV` et aux lignes `colorT`. Il est possible d'attribuer une couleur pour une ligne particulière.

`\tkzTabInit{[color]}` signifie que le booléen `color` est à vrai.


```
\begin{tikzpicture}
  \tkzTabInit[color,
    colorT = yellow!20,
    colorC = orange!20,
    colorL = green!20,
    colorV = lightgray!20]
    { /1 , /1}{ , }
\end{tikzpicture}
```

t	α	β	γ
a			
b			
c			
d			

```
\begin{tikzpicture}
  \tkzTabInit[color,
    colorT = yellow!20,
    colorC = red!20,
    colorL = green!20,
    colorV = lightgray!20,
    lgt = 1,
    espcl = 2.5]%
    {$t$/1,$a$/1,$b$/1,$c$/1,$d$/1}%
    {$\alpha$,$\beta$,$\gamma$}%
\end{tikzpicture}
```

1.3.7 help : Affiche la structure du tableau

Voir la section « personnalisation » (10).

2 Création d'une ligne de signes : \tkzTabLine

2.1 Définition

```
\tkzTabLine[⟨local options⟩]{⟨s(1),...,s(2n-1)⟩}
```

n est le nombre d'éléments du second argument de `\tkzTabInit`.

symbole de rang impair	définition
z	place un trait en pointillés et un zéro centré
t	place un trait en pointillés centré
d	place une double barre centrée
\textvisiblespace	aucune action

symbole de rang pair	définition
h	zone interdite
+	le signe +
-	le signe -
\textvisiblespace	aucune action

`\tkzTabLine` accepte comme argument une liste constituée de symboles. Dans une utilisation **normale**, les symboles font partie de deux catégories; les symboles de rang impair et les symboles de rang pair. Cette distinction est due au fait que les symboles de rang impair sont en général des traits (filets) et ceux pour les places de rang pair sont en général des signes «+ ou -». Les symboles de rang impair agissent graphiquement, et permettent de tracer des filets verticaux. L'argument de `\tkzTabLine` en contient n si on suppose que le deuxième argument de `\tkzTabInit` possède n éléments (antécédents). Les symboles de rang pair permettent d'obtenir un signe «+ ou -» ou bien une zone interdite (hachurée ou colorée). Chaque ligne de signes en contient $n - 1$ et contiendra donc un total de $2n - 1$ éléments, c'est à dire $2n - 2$ virgules!

Les différents symboles "reconnus" sont donnés dans le tableau ci-dessus, mais vous devez savoir que l'on peut mettre pratiquement n'importe quoi. Cependant attention! la virgule (,) est le séparateur de liste aussi vous devez prendre des précautions pour introduire un nombre à virgule. Vous avez plusieurs possibilités :

- {4,5} on place le nombre entre des accolades.
- \numprint{4,5} ou encore \np{4,5}, ce qui nécessite de charger l'excellent package `numprint` avec l'option `np` pour le raccourci.

options	défaut	définition
style	dotted	style des traits verticaux
help	no default	affiche la structure d'une ligne de signes

Il est possible de changer localement le style des filets verticaux et il est possible d'avoir des renseignements sur la structure de la ligne.

2.2 Nombre d'arguments utilisés.

La syntaxe générale est :

```
\tkzTabInit{ e(1),...,e(i),...,e(p)} % tableau à p lignes.
            { a(1),...,a(i),...,a(n)} % n antécédents
\tkzTabLine{ s(1),...,s(i),...,s(2n-1)}
```

Si on utilise n antécédents pour la première ligne alors il y aura n symboles de rang impair et $n - 1$ symboles de rang pair, soit $2n - 1$ symboles.

Les principaux symboles utilisés sont : **z** pour un zéro placé sur un trait, **t** pour un trait correspondant à un zéro d'une autre ligne, **d** pour une valeur pour laquelle l'expression n'est pas définie.

Voyons une illustration simple : trois antécédents a_1 , a_2 , et a_3 permettront de mettre $2 \times 3 - 1 = 5$ symboles. Les 3 valeurs de la première ligne impliquent pour l'argument de `\tkzTabLine` de posséder $2 \times 3 - 1 = 5$ éléments c'est-à-dire être une liste comportant 3 symboles de rang impair et 2 symboles de rang pair, soit un total de 5 symboles qui seront séparés par 4 virgules.

x	a_1	a_2	a_3		
$f(x)$	1	2	3	4	5

Pour obtenir cette ligne, il faut entrer

```
\tkzTabLine{ $1$ , $2$ , $3$ , $4$ , $5$ }
```

2.3 Emploi minimum

La deuxième ligne est vide mais l'argument `\tkzTabLine` doit comporter 4 virgules. C'est en effet une liste comportant $5 = 2 \times 3 - 1$ valeurs.

```
\tkzTabLine{,,,} ou \tkzTabLine{ , , , , }
```

x	v_1	v_2	v_3
$f(x)$			

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=1.5]
  { $x$ / 1 , $f(x)$ / 1 } %
  { $v_1$ , $v_2$ , $v_3$ } %
\tkzTabLine{ , , , , }
\end{tikzpicture}
```

2.3.1 t : ajout d'un trait

Cette option place un simple trait verticalement.

x	v_1	v_2	v_3
$f(x)$			

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=1.5]
  { $x$ / 1 , $f(x)$ / 1 } %
  { $v_1$ , $v_2$ , $v_3$ } %
\tkzTabLine{ t , t , t }
\end{tikzpicture}
```

2.3.2 z : ajout d'un zéro sur un trait vertical

x	v_1	v_2	v_3
$f(x)$	0	0	0

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=1.5]
  { $x$ / 1 , $f(x)$ / 1 } %
  { $v_1$ , $v_2$ , $v_3$ } %
\tkzTabLine{ z , z , z }
\end{tikzpicture}
```

2.3.3 d : double barre

On peut aussi avoir le cas d'une fonction non définie en 0 et en 2 mais s'annulant en 1. On place à chaque extrémité le symbole d.

x	0	1	2
$g(x)$		+	0 -

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espcl=1.5]%
  {$x$ / 1,$g(x)$ / 1}%
  {$0$, $1$, $2$}%
\tkzTabLine{d,+,0,-,d}
\end{tikzpicture}
```

On peut aussi avoir le cas d'une fonction admettant une dérivée à droite différente de la dérivée à gauche

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$f'(x)$	+	-	

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=1.5,espcl=1.75]%
  {$x$ / 1,$f'(x)$ / 1}%
  {$-\infty$, $0$, $+\infty$}%
\tkzTabLine{+,d,-,}
\end{tikzpicture}
```

2.4 Utilisation des symboles de rang pair

Pour un tableau de signe, en principe les symboles de rang pair mais il est possible de détourner l'emploi de base de cette macro. L'exemple suivant montre un cas classique d'une zone du tableau qui correspond à des valeurs interdites. par défaut avec le symbole h, la zone est grisée mais on peut hachurer cette zone si on préfère. Le dernier exemple montre comment détourner l'usage principal.

2.4.1 h : zone interdite

Une fonction peut ne pas être définie sur un intervalle, ici $[1 ; 2]$. La partie du tableau qui correspond à cet intervalle sera hachurée ou bien colorée (par défaut, la zone est grisée). Des options permettant de personnaliser seront offertes. Pour l'exemple suivant, il suffit de placer h entre les deux d qui correspondent aux valeurs interdites 1 et 2.

x	0	1	2	3
$g(x)$	0	+		-

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[color,espcl=1.5]
  {$x$ / 1,$g(x)$ / 1}
  {$0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabLine{z, +, d, h, d, -, t}
\end{tikzpicture}
```

2.5 Utilisation des options

2.5.1 t style : modification du style des traits verticaux

x	v_1	v_2	v_3
$f(x)$			

```
\begin{tikzpicture}
\tikzset{t style/.style = {style = dashed}}
\tkzTabInit[espcl=1.5]
  {$x$ / 1,$f(x)$ / 1}%
  {$v_1$, $v_2$, $v_3$}%
\tkzTabLine{t, , t, , t}
\end{tikzpicture}
```

x	v_1	v_2	v_3
$f(x)$	0	0	0

```
\tikzset{t style/.style = {style = densely dashed}}
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espcl=1.5]
  { $x$  / 1 ,  $f(x)$  / 1 }%
  { $v_1$  ,  $v_2$  ,  $v_3$  }%
\tkzTabLine{ z , , z , , z }
\end{tikzpicture}
```

2.5.2 help : Affiche la structure du tableau

Voir la section « personnalisation » (10).

2.6 Utilisation des styles

2.6.1 h style : modification de la couleur d'une zone interdite

Si vous préférez hachurer une zone du tableau, alors il faut modifier un style.

x	0	1	2	3
$g(x)$	0	+		-

```
\begin{tikzpicture}
\tikzset{h style/.style = {fill=red!50}}
\tkzTabInit[color,espcl=1.5]%
  { $x$  / 1,  $g(x)$  / 1}%
  {0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabLine{z, +, d, h, d, -, t}
\end{tikzpicture}
```

Cette fois la zone est hachurée.

x	0	1	2	3
$g(x)$	0	+		-

```
\begin{tikzpicture}
\tikzset{h style/.style =
  {pattern=north west lines}}
\tkzTabInit[color,espcl=1.5]%
  { $x$  / 1,  $g(x)$  / 1}%
  {0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabLine{z, +, , h, d, -, t}
\end{tikzpicture}
```

2.7 Exemples

2.7.1 Simplification d'une expression comportant une valeur absolue

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$2-x$	+	0	-
$ 2-x $	$2-x$	0	$x-2$

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=2,espcl=1.75]%
  { $x$  / 1,  $2-x$  / 1,  $\text{\textit{vert}} 2-x \text{\textit{vert}}$  / 1}%
  { $-\infty$ ,  $2$ ,  $+\infty$ }%
\tkzTabLine{ , + , z , - , }
\tkzTabLine{ , 2-x , z , x-2 , }
\end{tikzpicture}
```

2.7.2 Tableau de signes

x	0	1	2	e	$+\infty$			
$x^2 - 3x + 2$		+	0	-	0	+		
$(x - e)\ln x$		+	0	-	-	0	+	
$\frac{x^2 - 3x + 2}{(x - e)\ln x}$		+		+	0	-		+

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espc1=1.5]%
  {\$x\$ /1,
   \$x^2-3x+2\$ /1,
   \$(x-\E)\ln x\$ /1,
   \$\dfrac{x^2-3x+2}{(x-\E)\ln x}\$ /2}
  {\$0\$ , \$1\$ , \$2\$ , \$\E\$ , \$+\infty\$}
\tkzTabLine{ t,+,z,-,z,+,t,+,}
\tkzTabLine{ d,+,z,-,t,-,z,+,}
\tkzTabLine{ d,+,d,+,z,-,d,+,}
\end{tikzpicture}

```

2.7.3 Signe d'une expression du second degré

Si $\Delta \geq 0$ on peut écrire $ax^2 + bx + c = a \left(x - \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \right) \left(x - \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \right)$

x	$-\infty$	x_1	x_2	$+\infty$	
$\Delta > 0$ Le signe de $ax^2 + bx + c$	signe de a	0	signe opposé de a	0	signe de a

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[color,lgt=5,espc1=3]%
  {\$x\$ / .8,\$ \Delta > 0\$ \ Le signe de \$ax^2+bx+c\$ /1.5}%
  {\$-\infty\$ , \$x_1\$ , \$x_2\$ , \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{ , \genfrac{}{}{0pt}{0}{\text{signe de}}{a}, z
  , \genfrac{}{}{0pt}{0}{\text{signe}}{\text{opposé de } a}, z
  , \genfrac{}{}{0pt}{0}{\text{signe de}}{a}, }
\end{tikzpicture}

```

Il faut noter l'emploi de la macro `\genfrac`⁵.

Si $\Delta = 0$ alors on peut écrire $ax^2 + bx + c = a \left(x + \frac{b}{2a} \right)^2$

5. `\genfrac` est une macro du package `amsmath`

x	$-\infty$	$\frac{-b}{2a}$	$+\infty$
$\Delta = 0$ Le signe de $ax^2 + bx + c$	signe de a	0	signe de a

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[color,lgt=5,espcl=3]%
  {\$x\$ / 1 , \$\Delta=0\$\\ Le signe de\\ \$ax^2+bx+c\$ / 2}%
  {\$-\infty$, \$\dfrac{-b}{2a}$, \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{ , \genfrac{}{}{0pt}{}{\text{signe de}}{a} , z
  , \genfrac{}{}{0pt}{}{\text{signe de}}{a}, }
\end{tikzpicture}
```

Si $\Delta < 0$ alors $ax^2 + bx + c = a \left[\left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \right]$

x	$-\infty$	$+\infty$
$\Delta < 0$ Le signe de $ax^2 + bx + c$	signe de a	

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[color,lgt=5,espcl=5]%
  {\$x$/.8, \$\Delta<0\$\\ Le signe de\\ \$ax^2+bx+c/2\$}%
  {\$-\infty$, \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{ , \genfrac{}{}{0pt}{}{\text{signe de}}{a}, }
\end{tikzpicture}
```

3 Création d'une ligne de variations : \tkzTabVar

3.1 Définition

```
\tkzTabVar[<local options>]{e1(1),...,e1(n)}
```

avec $e1(i) = s(i) / e(i)$ ou bien $e1(i) = s(i) / eg(i) / ed(i)$.

$s(i)$ est une série de symboles à choisir dans le tableau ci-dessous. $eg(i)$ et $ed(i)$ sont des expressions mathématiques qui se placent à gauche et à droite des filets verticaux. $e(i)$ est une expression centrée sur un filet.

Groupe 1 <i>avec un seul signe</i>			
s(i)	Position des expressions	e1(i)	
–	expression unique et centrée en bas eg=ed	–	/e
+	expression unique et centrée en haut eg=ed	+	/e
<i>R</i>	rien, on passe à l'expression suivante	<i>R</i>	(/)
– <i>C</i>	prolongement par continuité en bas, centrée	– <i>C</i>	/e
+ <i>C</i>	prolongement par continuité en haut, centrée	+ <i>C</i>	/e
– <i>H</i>	expression en bas et centrée puis zone interdite	– <i>H</i>	/e
+ <i>H</i>	expression en haut et centrée puis zone interdite	+ <i>H</i>	/e
+ <i>D</i>	discontinuité, expression en haut à gauche	+ <i>D</i>	/e
– <i>D</i>	discontinuité, expression en bas à gauche	– <i>D</i>	/e
<i>D</i> +	discontinuité, expression en haut et à droite	<i>D</i> +	/e
<i>D</i> –	discontinuité, expression en bas et droite	<i>D</i> –	/e
+ <i>DH</i>	discontinuité à gauche et en haut puis zone interdite	+ <i>DH</i>	/e
– <i>DH</i>	discontinuité à gauche et en bas puis zone interdite	– <i>DH</i>	/e
+ <i>CH</i>	prolongement par continuité puis zone interdite	+ <i>CH</i>	/e
– <i>CH</i>	idem mais expression en bas et à gauche	– <i>CH</i>	/e
Groupe 2 <i>avec deux signes</i>			
+ <i>D</i> –	discontinuité,	deux expressions	+ <i>D</i> – /eg/ed
– <i>D</i> +	discontinuité, ...	qui sont	– <i>D</i> + /eg/ed
+ <i>D</i> +	discontinuité, ...	soit à gauche ,soit à droite	+ <i>D</i> + /eg/ed
– <i>D</i> –	discontinuité, ...	soit en haut, soit en bas	– <i>D</i> – /eg/ed
+ <i>CD</i> +	prolongement par continuité à gauche et		+ <i>CD</i> + /eg/ed
– <i>CD</i> –	...	deux expressions qui sont	– <i>CD</i> – /eg/ed
+ <i>CD</i> –	...	soit à gauche ,soit à droite	+ <i>CD</i> – /eg/ed
– <i>CD</i> +	...	soit en haut, soit en bas	– <i>CD</i> + /eg/ed
+ <i>DC</i> +	prolongement par continuité à droite et		+ <i>DC</i> + /eg/ed
– <i>DC</i> –	...	deux expressions qui sont	– <i>DC</i> – /eg/ed
+ <i>DC</i> –	...	soit à gauche ,soit à droite	+ <i>DC</i> – /eg/ed
– <i>DC</i> +	...	soit en haut, soit en bas	– <i>DC</i> + /eg/ed
+ <i>V</i> +	comme une discontinuité mais sans double barre et		+ <i>V</i> + /eg/ed
– <i>V</i> –	...	deux expressions qui sont	– <i>V</i> – /eg/ed
+ <i>V</i> –	...	soit à gauche ,soit à droite	+ <i>V</i> – /eg/ed
– <i>V</i> +	...	soit en haut, soit en bas	– <i>V</i> + /eg/ed
□	laisse la place vide dans certains cas		

La macro `\tkzTabVar` nécessite un argument qui est une liste. Cette liste contient n éléments correspondant aux n antécédents de la première ligne. Chaque élément donne la position d'une ou de deux expressions par rapport à la ligne avec un signe + (en haut) ou bien un signe – (en bas). Ces expressions sont, soit des images, soit des limites.

Les éléments $e1(i)$ ont pour forme :

soit $\{ s(i) / e(i) \}$ ou bien $\{ s(i) / e(i) / \}$, soit $\{ s(i) / eg(i) / ed(i) \}$.

La première forme correspond aux symboles qui ne possèdent qu'un signe + ou – et qui placent une seule expression; la seconde correspond aux symboles qui possèdent deux signes et qui placent deux expressions. Les expressions sont des valeurs prises à gauche $eg(i)$ ou bien à droite $ed(i)$ par la fonction ou encore des limites mais les expressions peuvent être vides. Un signe + ou – à gauche (resp. à droite) des symboles correspond à $eg(i)$ (resp. à $ed(i)$).

options	défaut	définition
color	black	couleur des flèches
help	affiche la structure d'une ligne de variations	

Un schéma étant parfois plus simple qu'un long discours ...

x	0	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	<div><div></div><div></div></div>	<div><div></div><div></div></div>	<div><div></div><div></div></div>	<div><div></div><div></div></div>
$f(x)$	<div><div></div><div></div></div>	<div><div></div><div></div></div>	<div><div></div><div></div></div>	<div><div></div><div></div></div>

Pour les besoins de certains tableaux, j'ai employé les macros suivantes :

```
\newcommand*\va{\colorbox{red!50}{\scriptscriptstyle V_a}}
\newcommand*\vb{\colorbox{blue!50}{\scriptscriptstyle V_b}}
\newcommand*\vbo{\colorbox{blue!50}{\scriptscriptstyle V_{b1}}}
\newcommand*\vbt{\colorbox{yellow!50}{\scriptscriptstyle V_{b2}}}
\newcommand*\vc{\colorbox{gray!50}{\scriptscriptstyle V_c}}
\newcommand*\vd{\colorbox{magenta!50}{\scriptscriptstyle V_d}}
\newcommand*\ve{\colorbox{orange!50}{\scriptscriptstyle V_e}}
```

x	0	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	<div><div></div><div>—</div></div>	<div><div>—</div><div>0</div><div>+</div></div>		
$f(x)$	<div><div>v_a</div><div>v_b</div></div>	<div><div>v_c</div><div>v_d</div><div>v_e</div></div>		

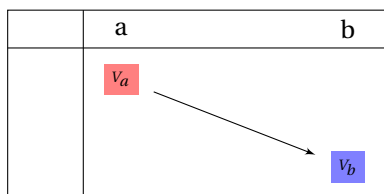
```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=2,espcl=3]{x$/1$,f' (x)$/$1$,f(x)$/$3}%
{$0$, $1$, $2$, $+\infty$}%
\tkzTabLine{t,-,d,-,z,+,}%
\tkzTabVar{+/\va , -D+/\vb/\vc,-/\vd, +D/\ve}%
\end{tikzpicture}
```

Commentaires : Les signes + et - permettent de positionner une extrémité de la flèche en haut ou en bas de la ligne. Ensuite, en présence d'un seul signe, une seule expression est nécessaire. La position par rapport à la

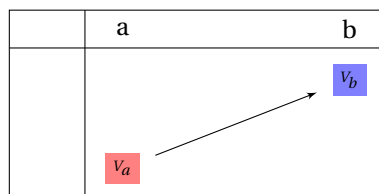
colonne est donnée par la position du signe par rapport aux autres symboles (voir +D). -D+ nécessite deux expressions.

3.2 Utilisation des symboles

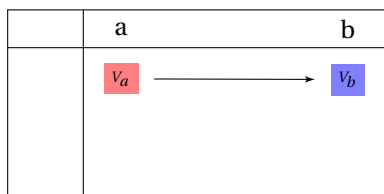
`{+ /\va , - /\vb }`



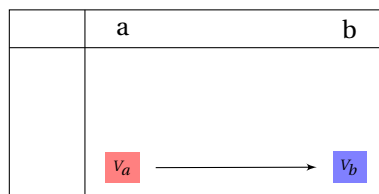
`{- /\va , + /\vb }`



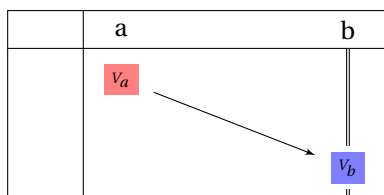
`{+ /\va , + /\vb }`



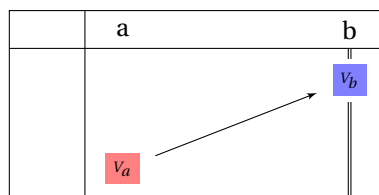
`{- /\va , - /\vb }`



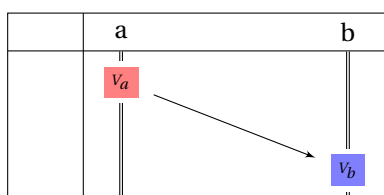
`{+ /\va , -C / \vb }`



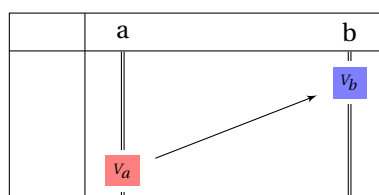
`{- /\va , +C / \vb }`



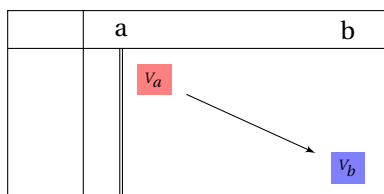
`{+C / \va , -C / \vb }`



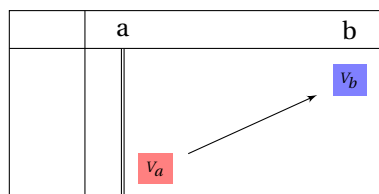
`{-C / \va , +C / \vb }`

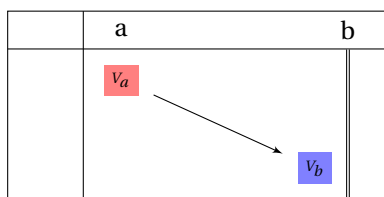
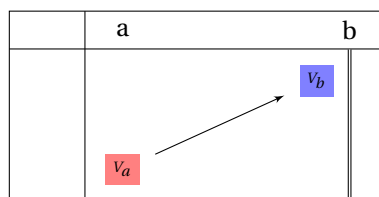
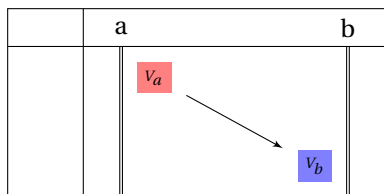
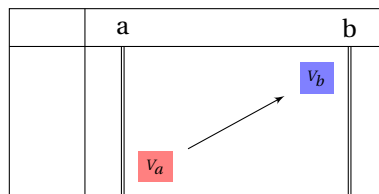
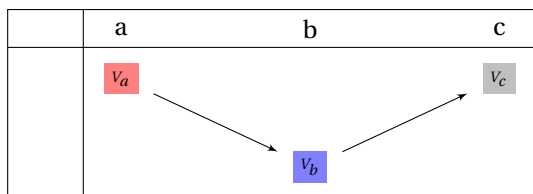
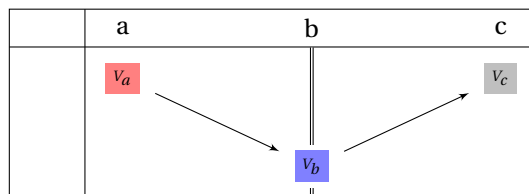
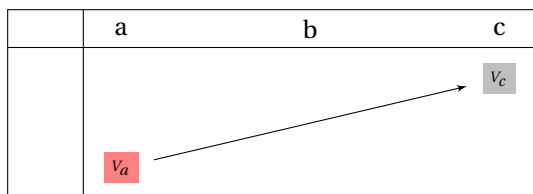
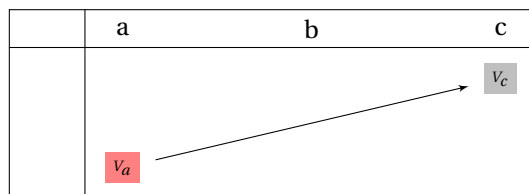
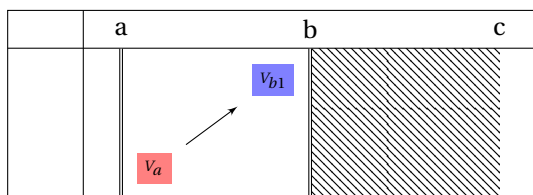
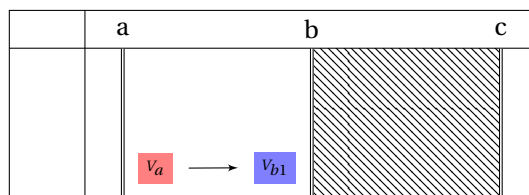


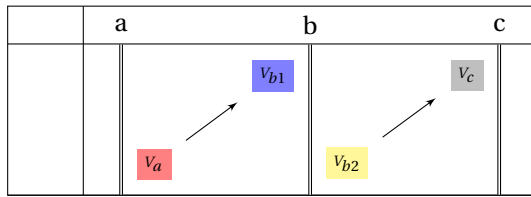
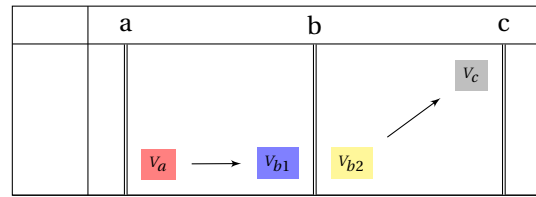
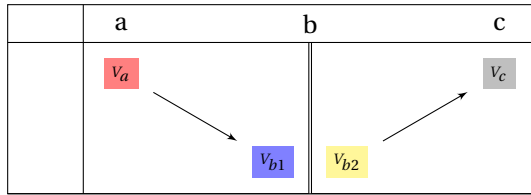
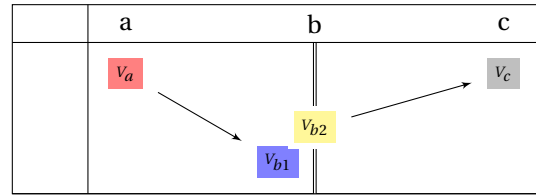
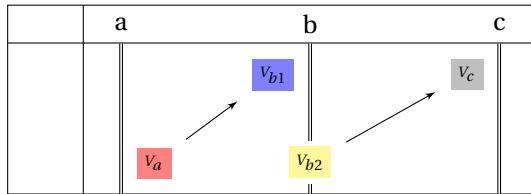
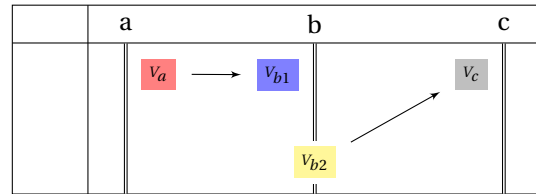
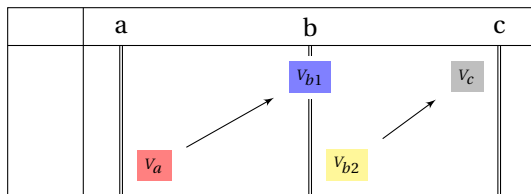
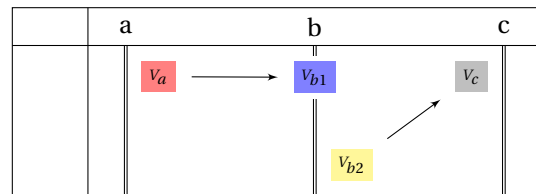
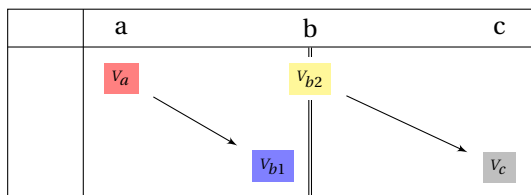
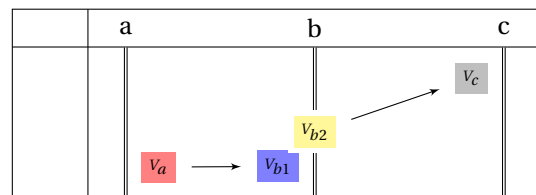
`{ D+ /\va , - /\vb }`

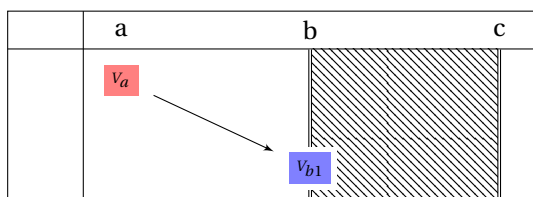
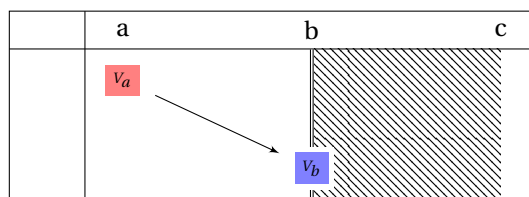
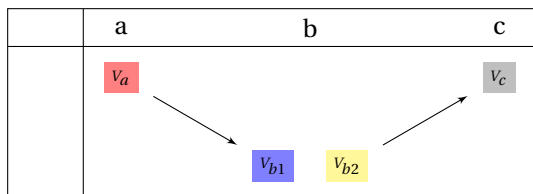
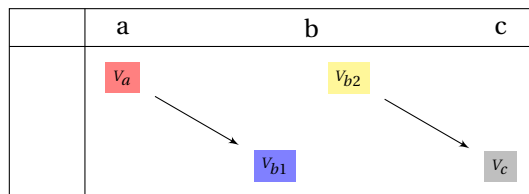
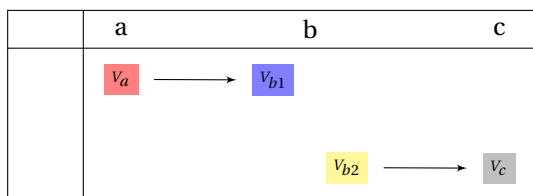
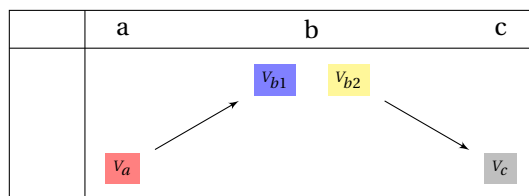
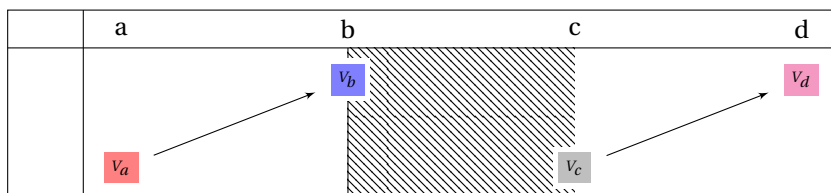
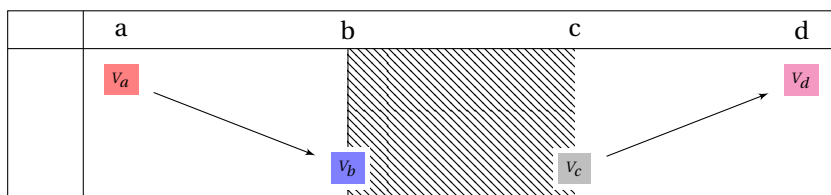


`{ D- /\va , + /\vb }`



$\{+/\va, -D/\vb\}$

 $\{-/\va, +D/\vb\}$

 $\{D+/\va, -D/\vb\}$

 $\{D-/\va, +D/\vb\}$

 $\{+/\va, -/\vb, +/\vc\}$

 $\{+/\va, -C/\vb, +/\vc/\}$

 $\{-/\va, R, +/\vc\}$

 $\{-/\va, R, +/\vc\}$

 $\{D-/\va, +DH/\vb\ , \}$

 $\{D-/\va, -DH/\va/\vb, D+/\}$


$\{D-\backslash va, +D-\backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$

 $\{D-\backslash va, +D-\backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$

 $\{+\backslash va, -D- / \backslash vbo/\backslash vbt, +/\backslash vc\}$

 $\{+\backslash va, -DC- / \backslash vbo/\backslash vbt, +/\backslash vc\}$

 $\{D-\backslash va, +DC-\backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$

 $\{D+\backslash va, +DC-\backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$

 $\{D-\backslash va, +CD-\backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$

 $\{D-\backslash va, +CD-\backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$

 $\{+\backslash va, -DC+ / \backslash vbo/\backslash vbt, - / \backslash vc\}$

 $\{D-\backslash va, -DC- / \backslash vbo/\backslash vbt, +D/\backslash vc\}$


$\{+/\va, -CH/\vbo/\vbt, D+/\}$

 $\{+/\va, -CH/\vb, /\}$

 $\{+/\va, -V-/\vbo/\vbt, +/\vc\}$

 $\{+/\va, -V+/\vbo/\vbt, -/\vc\}$

 $\{+/\va, +V-/\vbo/\vbt, -/\vc\}$

 $\{-/\va, +V+/\vbo/\vbt, -/\vc\}$

 $\{-/\va, +H/\vb, -/\vc, +/\vd\}$

 $\{+/\va, -H/\vb, -/\vc, +/\vd\}$



```
\begin{tikzpicture}
  \tkzTabInit[color,espc1=8]%
    {$x$ /1,%
      Signe\ de $\dfrac{1}{x}$ /1.5,
      Variation\ de $\ln$ /1.5}%
    {$Q$, $+\infty$}%
  \tkzTabLine{d,+,%
    \tkzTabVar[color=red]%
      {D- / / $-\infty$, + / $+\infty$ /}
\end{tikzpicture}
```

3.3.2 **help** : affiche la structure du tableau

Voir le chapitre personnalisation (10)

3.4 Utilisation des styles

3.4.1 Modification de la couleur d'une zone interdite

Si vous préférez hachurer une zone du tableau, alors il faut modifier un style.

Par défaut, **h style** est défini ainsi :

```
\tikzset{h style/.style = {fill=gray,opacity=0.4}}
```

Une autre définition peut être :

```
\tikzset{h style/.style = {fill=red!50}}
```

x	0	1	2	3
f	1		5	0
		-2		

```
\begin{tikzpicture}
  \tikzset{h style/.style = {fill=red!50}}
  \tkzTabInit[lgt=1,espc1=2]{$x$ /1, $f$ /2}{$Q$, $1$, $2$, $3$}%
  \tkzTabVar{+ / $1$ / , -CH / $-2$ / , +C / $5$, - / $0$ / }
\end{tikzpicture}
```

3.4.2 **h style** Zone interdite hachurée

```
\tikzset{h style/.style = {pattern=north west lines}}
```

Ce code permet d'hachurer la zone

x	0	1	2	3
f	1			5
		-2		0

```
\begin{tikzpicture}
\tikzset{h style/.style = {pattern=north west lines}}
\tkzTabInit[lgt=1,espc1=2]{$x$ /1,  $f$ /2}{$0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabVar{+ / $1$ / , -CH / $-2$ / , +C / $5$, - / $0$ / }
\end{tikzpicture}
```

3.4.3 arrow style style des flèches.

Le style des flèches est `arrow style` et il est défini ainsi :

```
\tikzset{arrow style/.style = {\cmdTAB@VA@color,
->,
> = latex',
shorten > = 2pt,
shorten < = 2pt}}
```

On limite l'approche des nodes par les arrows. Voici une modification possible du style

```
\tikzset{arrow style/.style = {blue,
->,
> = latex',
shorten > = 6pt,
shorten < = 6pt}}
```

La couleur et l'approche des flèches sont modifiées.

x	0	$1/e$	$+\infty$
$\ln x + 1$	-	0	+
$x \ln x$	0	$-\frac{1}{e}$	$+\infty$


```

\begin{tikzpicture}
  \tikzset{arrow style/.style = {blue,
                                ->,
                                > = latex',
                                shorten > = 6pt,
                                shorten < = 6pt}}
  \tkzTabInit[espcl=5]{$x$ /1, $\ln x +1$ /1.5, $x \ln x$ /2}%
    {$Q$, $1/\text{E}$, $+\infty$}%
  \tkzTabLine{d,-,z,+,}
  \tkzTabVar%
  { D+ / / $Q$, %
    - / \colorbox{black}{\textcolor{white}{$\dfrac{-1}{e}$}} / , %
    + / $+\infty$ / }%
\end{tikzpicture}

```

3.4.4 node style Style des nodes

Par défaut, Le style des nodes est `node style` et il est défini ainsi :

```

\tikzset{node style/.style = {inner sep = 2pt,
                              outer sep = 2pt,
                              fill = \cmdTAB@tbs@colorT}}

```

Si on veut apporter des modifications mais conserver une partie de ce style, on peut agir ainsi :

```

\tikzset{node style/.append style = {draw,circle,fill=red!40,opacity=.4}}

```

Par défaut les nodes sont des rectangles non tracés, ils deviennent des disques

x	0	$1/e$	$+\infty$
$\ln x + 1$			
$x \ln x$	0	$-\frac{1}{e}$	$+\infty$

```

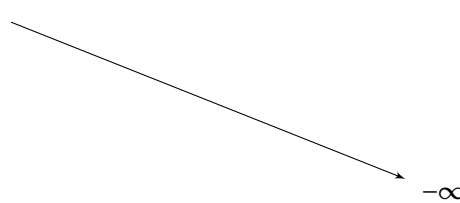
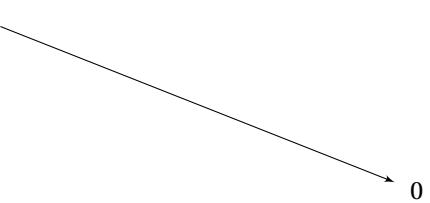
\begin{tikzpicture}
  \tikzset{node style/.append style = {draw,circle,fill=red!40,opacity=.4}}
  \tkzTabInit[espcl=5]{$x$ /1, $\ln x +1$ /1.5, $x \ln x$ /2}%
    {$Q$, $1/\text{E}$, $+\infty$}%
  \tkzTabLine{d,-,z,+,}
  \tkzTabVar%
  { D+ / / $Q$, %
    - / \colorbox{black}{\textcolor{white}{$\dfrac{-1}{e}$}} / , %
    + / $+\infty$ / }%
\end{tikzpicture}

```

3.5 Quelques exemples

3.5.1 Fonction inverse


Étude de la fonction inverse $i : x \mapsto \frac{1}{x}$ sur $] -\infty ; 0[\cup] 0 ; +\infty[$

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$i'(x)$	$-$		$-$
i	0 		$+\infty$ 

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=1.5,espcl=6.5]{\$x\$ /1,\$i'(x)\$ /1,\$i\$ /3}
{\$-\infty\$, \$0\$, \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{,-,d,-,}
\tkzTabVar{+/\$0\$ / , -D+/\$-\infty\$ / \$+\infty\$ , -/\$0\$ /}
\end{tikzpicture}
```

3.5.2 Fonction avec des paliers, emploi du symbole \mathbb{R}

Il est possible avec R de passer plusieurs valeurs.

x	0	1	2	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	0	$+$
$f(x)$	$-\infty$ 			$+\infty$

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espcl=4]{\$x\$ /1,\$f'(x)\$ /1,\$f(x)\$ /2}
{\$0\$ , \$1\$ , \$2\$ , \$+\infty\$}%
\tkzTabLine
{d,+ , z,+ , z,+ , }
\tkzTabVar{D- / \$-\infty\$, R / , R / , + / \$+\infty\$ /}%
\end{tikzpicture}
```

3.5.3 Zone interdite

x	0	1	2	3
f	1 ↘ $-\infty$		$+\infty$ ↘ 2	

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=1,espc1=2]{$x$ /1, $f$ /2}{$0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabVar{+ / $1$ / , -DH / $-\infty$ / , D+ / / $+\infty$, - / $2$ / }
\end{tikzpicture}
```

3.5.4 Zone interdite + prolongement par continuité

x	0	1	2	3
f	1 ↘ -2		$+\infty$ ↘ 2	

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=1,espc1=2]{$x$ /1, $f$ /2}{$0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabVar{+ / $1$ / , -CH / $-2$ / , D+ / / $+\infty$, - / $2$ / }
\end{tikzpicture}
```

3.5.5 Zone interdite + double prolongement par continuité

x	0	1	2	3
f	1 ↘ -2		5 ↘ 0	

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=1,espc1=2]{$x$ /1, $f$ /2}{$0$, $1$, $2$, $3$}%
\tkzTabVar{+ / $1$ / , -CH / $-2$ / , +C / $5$, - / $0$ / }
\end{tikzpicture}
```

3.5.6 Exemple d'une fonction partiellement constante

Utilisation de l'option `nocadre` qui supprime le cadre extérieur, sinon on peut constater que l'on peut mettre pratiquement ce que l'on veut avec la macro `\signe`.

x	$-\infty$	-2	$\frac{1}{e}$	e
Signe de $f'(x)$	0 <---0---	-	signe de a	
Variations de f	$\frac{2}{3}$ → $\frac{2}{3}$ → $-\infty$		$-\infty$ → $+\infty$	

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTab[nocadre,lgt=3,espcl=4]
{\$x\$ /1,
Signe\ de \$f'(x)\$ /1.5,
Variations\ de\ \$f\$ /2}
{\$-\infty$, \$-2$, \$\dfrac{1}{\E}$, \$\E$}%
{z, <--- 0 --->, d, -, d, \genfrac{}{}{0pt}{}{\text{signe de}}{a}, d}
{+/ \$\dfrac{2}{3}$, +/ \$\dfrac{2}{3}$,
-D-/ \$-\infty$ / \$-\infty$, +D/ \$+\infty$ }
\end{tikzpicture}

```

3.5.7 Double variations

x	0	1	$+\infty$
$f''x$	+	0	-
$f'(x)$	1 → e → 0		
$f(x)$	$-\infty$ → +8		

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espcl=6]
{\$x\$ /1, \$f''{x}\$ /1, \$f'(x)\$ /2, \$f(x)\$ /2}%
{\$Q\$ , \$1\$ , \$+\infty\$ }%
\tkzTabLine{d,+,z,-,}%
\tkzTabVar {D-/ /\$1$,+/\ \$\E$ /,-/\ \$Q\$ /}%
\tkzTabVar {D-/ /\$-\infty$,R/\ \$Q\$ /,+/\ \$+8\$ /}
\end{tikzpicture}

```

4 Création d'un tableau de variations : \tkzTab

4.1 Définition

$$\text{\tkzTab}[\langle \text{local options} \rangle]{\langle \text{liste1} \rangle}{\langle \text{liste2} \rangle}{\langle \text{liste3} \rangle}{\langle \text{liste4} \rangle}$$

arguments	défaut	définition
liste1	no default	$\{e(1)/h(1), \dots, e(p)/h(p)\}$ première colonne
liste2	no default	$\{a(1), \dots, a(n)\}$ antécédents de la première ligne
liste3	no default	$\{s(1), \dots, s(2n-1)\}$ symboles de la ligne de signes
liste4	no default	$\{s(1)/eg(1)/ed(1), \dots, s(q)/eg(q)/ed(q)\}$ variations

La macro `\tkzTab` est un raccourci pour enchaîner `\tkzTabInit`, `\tkzTabLine` et `\tkzTabVar`. Les **options** sont identiques à celles de `\tkzTabInit`. Ces tableaux ne concernent que les tableaux à trois lignes pour la variable, le signe de la dérivée et les variations de la fonction.

```
\tkzTab{ e(1) / h(1) ,
        ... ,
        e(p) / h(p) }
{ v(1), ... ,v(n) }
{ a(1), ..., a(2n-1) }
{ s(1) / eg(1) / ed(1), ... ,s(n) / eg(n) / ed(n) }
```

4.2 Exemple 1

Étude de la fonction $f : x \mapsto x^2$ sur $[-5; 7]$

x	-5	0	7
$f'(x)$	-	0	+
Variations de f	25	0	49

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTab[lgt=3,espc1=5]{ $x$ / 1,
                        $f'(x)$ / 1,
                        Variations de \\\$f$ / 2 }
{ $-5$, $0$, $7$ }
{ -, z, +, }
{ +/$25$, -/$0$, +/$49$ }%
\end{tikzpicture}
```

4.3 Exemple 2

Étude de la fonction $f : x \mapsto x \ln x$ sur $]0; +\infty]$

x	0	1/e	$+\infty$
Signe de $\ln x + 1$	-	0	+
Variations de f	0	$-\frac{1}{e}$	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTab[espc1=5,lg=3]{x$ / 1, Signe de \ln x + 1$ / 1.5,%
Variations de f$ / 3}%
{$Q$, $1/\text{E}$, $+\infty$}{d,-,z,+,%
{D+/$Q$, %
- / \colorbox{black}{\textcolor{white}{$\dfrac{-1}{e}$}} , %
+ / $+\infty$ }%
\end{tikzpicture}

```

4.4 Exemple 3

Étude de la fonction $f : x \mapsto \sqrt{x^2 - 1}$ sur $]-\infty; -1] \cup [1; +\infty[$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	-		+	
f	$+\infty$	0	0	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTab{ x$ / 1, $f'(x)$ / 1, $f$ / 2}%
{ $-\infty$, -1$, 1$, $+\infty$ }
{ ,-,d,h,d,+ , }
{ +/$+\infty$, -H/$Q$, -/$Q$, + / $+\infty$ }%
\end{tikzpicture}

```

4.5 Exemple 4

Étude de la fonction $f : t \mapsto \frac{t^2}{t^2 - 1}$ sur $[0; +\infty[$

t	0	1	$+\infty$
Signe de $f'(t)$	0	-	-
Variation de f	0	$-\infty$	1

```

\begin{tikzpicture}
  \tkzTab{ $t$ / 1, Signe de\ $f'(t)$ / 2, Variation de \ $f$ / 2}%
    { $0$, $1$, $+\infty$ }
    { z , - , d , - , }
    { +/$0$ , -D+/$-\infty$/$+\infty$, -/ $1$ }%
\end{tikzpicture}

```

5 Valeurs intermédiaires \tkzTabVal

Cette macro permet de placer une valeur sur une flèche de la ligne des variations. Elle doit être employée juste après la commande `\tkzTabVar` définissant la ligne de variations sur laquelle on souhaite placer les valeurs intermédiaires. On ne peut placer une valeur que dans un intervalle où la fonction est **monotone**. Cette macro permet d'afficher une nouvelle valeur (intermédiaire) dans la première ligne.

5.1 Définition de \tkzTabVal

`\tkzTabVal[⟨local options⟩]{Début}{Fin}{Position}{Antécédent}{Image}`

arguments	défaut	définition
Début	no default	rang de l'origine de la flèche
Fin	no default	rang de l'extrémité de la flèche
Position	no default	nombre décimal entre 0 et 1
Antécédent	no default	valeur de l'antécédent si nécessaire
Image	no default	valeur de l'image si nécessaire

*Ceci mérite quelques commentaires : Il s'agit de savoir sur quelle flèche, on va positionner l'image. **Début** et **Fin** sont les rangs des valeurs qui déterminent les extrémités de la flèche. **Antécédent** **Image** sont les valeurs que l'on veut placer. **Position** est un nombre qui est obligatoirement compris entre 0 et 1. C'est une abscisse en prenant comme origine **Début** et comme extrémité **Fin**.*

options	défaut	définition
draw	true	dessin d'une flèche entre l'antécédent et son image
remember	lastval	définit un node personnalisé

*Si vous voulez une flèche entre l'antécédent et l'image, il vous suffit de passer en option **draw**. Si vous voulez référencer le point où se situe l'image alors il faut utiliser l'option **remember**.*

5.1.1 Ajout de valeurs intermédiaires

Le premier exemple montre des valeurs remarquables pour la fonction \ln . Il s'agit de mettre en évidence des valeurs importantes pour la fonction. La fonction est monotone entre les valeurs de rang 1 (0) et 2 ($+\infty$), ainsi les deux premiers arguments sont 1 et 2. Les coefficients utilisés pour `Position` sont des nombres décimaux ici 0.33 et 0.66. Les antécédents n'étaient pas présents dans la première ligne aussi leurs valeurs sont passées dans les arguments.

```
\tkzTabVal{1}{2}{0.33}{1}{0}
\tkzTabVal{1}{2}{0.66}{\E}{1}
```

x	0	1	e	$+\infty$
Signe de $\frac{1}{x}$			+	
Variation de \ln		$-\infty$	0	1 $\rightarrow +\infty$

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espcl=10] {$x$ /1, Signe\\ de  $\frac{1}{x}$  /1.5,%
Variation\\ de  $\ln$  /2} {$0$ ,  $+\infty$ }%
\tkzTabLine{d,+,%}
\tkzTabVar[color=red]{ D- /  $-\infty$ , + /  $+\infty$  }
\tkzTabVal{1}{2}{0.33}{1}{0}
\tkzTabVal{1}{2}{0.66}{\E}{1}
\end{tikzpicture}
```

5.1.2 Ajout de valeurs intermédiaires avec une fonction non monotone

On ne peut utiliser la macro que sur un intervalle où la fonction est monotone, ici il y a trois valeurs 0, e et $+\infty$. La fonction est monotone entre les deux premières c'est à dire entre les valeurs de rang 1 et 2 ainsi qu'entre les deux dernières de rang 2 et 3.

x	0	1	e	e^2	$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-	
$f(x)$		$\frac{1}{e}$	e	1	0


```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]{\$x\$ / 1 , \$f'(x)\$ / 1, \$f(x)\$ / 2}
                    {\$Q\$ , \$E\$ , \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{d,+,0,-,}%
\tkzTabVar{D- / \$-\infty\$ , + / \$E\$ , - / \$Q\$ }%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.6}{\$1\$}{\$ \dfrac{1}{\E} \$}%
\tkzTabVal[draw]{2}{3}{0.4}{\$E^2\$}{\$1\$}%
\end{tikzpicture}
```

5.1.3 Ajout de valeurs intermédiaires avec un palier

Il ne faut pas s'arrêter au deuxième antécédent. La fonction est monotone mais admet un palier. L'option **R** permet d'éviter qu'une flèche s'arrête pour \sqrt{e} . La flèche va donc de la valeur de rang 1 à la valeur de rang 3. Le code est donc :

```
\tkzTabVal[draw]{1}{3}{0.6}{\E}{\$ \dfrac{-1}{\E} \$}
```

x	0	1	\sqrt{e}	$+\infty$
$f'(x)$		+	0	+
$f(x)$				0

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]{\$x\$/1, \$f'(x)\$/1, \$f(x)\$/2}
                    {\$Q\$ , \$\sqrt{\E}\$, \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{d,+,Q,+,}%
\tkzTabVar{D- / \$-\infty\$, R / , + / \$Q\$ }%
\tkzTabVal[draw]{1}{3}{0.4}{\$1\$}{\$-\E\$}%
\end{tikzpicture}
```

5.1.4 Valeurs intermédiaires et plusieurs lignes de variations

Les variations de f et f' sont représentées. Pour f la valeur 1 n'est pas utilisée, on passe donc du rang 1 au rang 3.

x	0	0,3	1	2	4	$+\infty$
$f''(x)$		+	0	-		
$f'(x)$	$-\infty$	-2			-1	$-\infty$
$f(x)$	$+\infty$			0		-1

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]{\$x\$/1,\$f''(x)\$/1,\$f'(x)\$/3,\$f(x)\$/3}
{\$0\$,\$1\$,\$+\infty\$}%
\tkzTabLine{d,+,0,-,}%
\tkzTabVar{-/ \$-\infty\$ ,+/ ,-/ \$-\infty\$ }
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.3}{\$0,3\$}{\$-2\$}
\tkzTabVal[draw]{2}{3}{0.6}{\$4\$}{\$-1\$}
\tkzTabVar{+/ \$+\infty\$ ,R ,-/ \$-1\$}
\tkzTabVal[draw]{1}{3}{0.6}{\$2\$}{\$0\$}
\end{tikzpicture}

```

5.2 Utilisation des options

5.2.1 draw : ajout d'une flèche vers la valeur ajoutée

L'option a déjà été utilisée dans les exemples précédents, en voici un autre.

x	0	$1-h$	1	$1+h$	2,7	e	2,8	$+\infty$
Signe de $\frac{1}{x}$				+				
Variation de \ln	$-\infty$	<0	0	>0	$<$	1	$>$	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espc1=10]{$x$ /1,
Signe\\ de $\dfrac{1}{x}$ /2,
Variation\\ de $\ln$ /3}
{$Q$ , $+\infty$ }%
\tkzTabLine {d,+ , }%
\tkzTabVar[color=red]{D-/$-\infty$ , +/$+\infty$}%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.24}{\scriptsize $1-h$}{$<0$}%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.3}{1$}{0$}%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.36}{\scriptsize $1+h$}{$>0$}%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.64}{2,7$}{$<$}%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.7}{E$}{1$}%
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{0.76}{2,8$}{$>$}%
\end{tikzpicture}

```

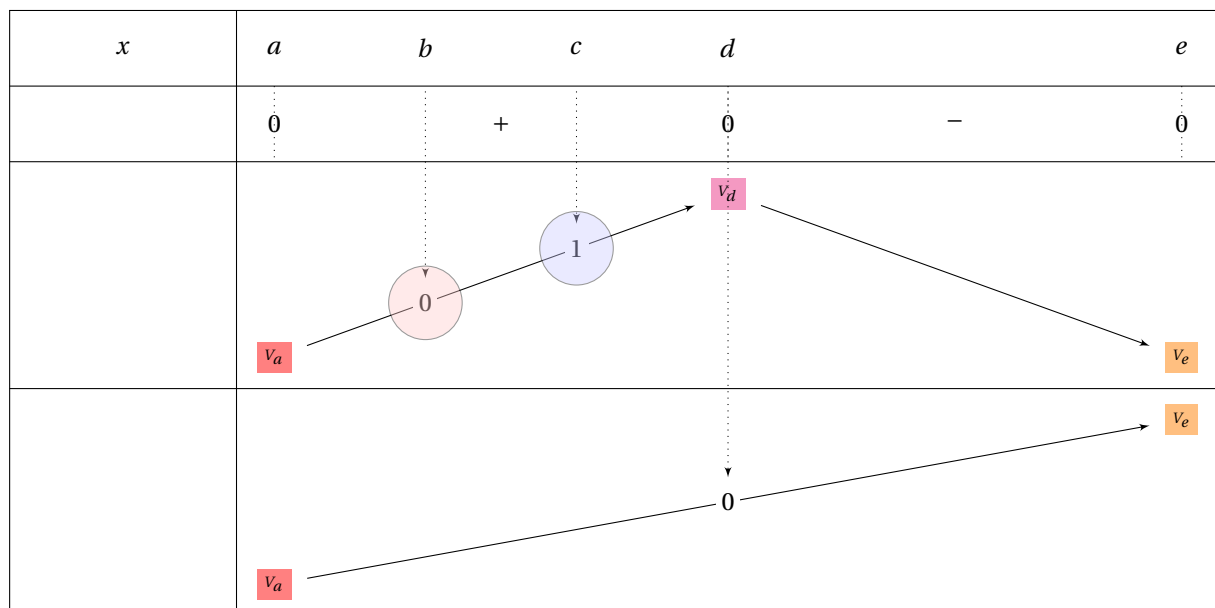
5.2.2 remember : attribuer un nom à un point ou un node.

Cette option permet d'utiliser `\tkzTabImaFrom` mais il est possible de récupérer les noms des nodes et de les traiter avec par exemple du code de TikZ.

```

\draw[opacity=0.4,fill=red!20] (vb) circle(3ex);
\draw[opacity=0.4,fill=blue!20] (vc) circle(3ex);

```



```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espc1=6]{ $x$/1,/1,/3,/3 }%
{ $a$ , $d$ , $e$ }
\tkzTabLine{ z,+ ,z,- ,z }
\tkzTabVar {-/\va ,+/\vd , -/\ve}

\tkzTabVal[draw,remember=vb]{1}{2}{0.333}{b}{Q}
\tkzTabVal[draw,remember=vc]{1}{2}{0.666}{c}{S}

\tkzTabVar{-/\va ,R/ , +/\ve}

\tkzTabVal[draw]{1}{3}{0.5}{Q}

\draw[opacity=0.4,fill=red!20] (vb) circle(3ex);
\draw[opacity=0.4,fill=blue!20] (vc) circle(3ex);
\end{tikzpicture}

```

Il faut remarquer que b et c sont des valeurs intermédiaires car le tableau a été défini avec a , d et e .

6 Ajout d'images \tkzTabIma et \tkzTabImaFrom

Ces macros permettent de placer une valeur sur une flèche de la ligne des variations. On ne peut placer une valeur que dans un intervalle où la fonction est **monotone**, de plus l'image est celle d'un antécédent déjà défini dans la première ligne. La première macro est `\tkzTabIma`.

6.1 Définition de \tkzTabIma

`\tkzTabIma[(local options)]{Début}{Fin}{Position}{Antécédent}{Image}`

arguments	défaut	définition
Début	no default	rang de l'origine de la flèche
Fin	no default	rang de l'extrémité de la flèche
Position	no default	rang de l'antécédent correspondant à l'image
Image	no default	valeur de l'image si nécessaire

*Ceci mérite quelques commentaires : Il s'agit de savoir sur quelle flèche, on va positionner l'image. **Début** et **Fin** sont les rangs des valeurs qui déterminent les extrémités de la flèche. **Image** est la valeur que l'on veut placer. **Position** est un nombre entier qui est le rang de l'antécédent.*

options	défaut	définition
draw	true	dessin d'une flèche entre l'antécédent et son image
remember	lastval	définit un node personnalisé

*Si vous voulez une flèche entre l'antécédent et l'image, il vous suffit de passer en option **draw**. Si vous voulez référencer le point où se situe l'image alors il faut utiliser l'option **remember**.*

6.1.1 Ajout de valeurs intermédiaires à partir d'un antécédent donné

Il y a plusieurs possibilités mais la suivante est préférable. L'antécédent est de rang 2. La fonction est monotone entre les valeurs de rang 1 et 3. Voici comment faire apparaître l'image par f de \sqrt{e} .

x	0	\sqrt{e}	$+\infty$	
$f'(x)$		+	0	+
$f(x)$		$-\infty$	-5	0

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]%
  {\$x\$/1,\$f'(x)\$/1, \$f(x)\$/2}{\$0\$,\$\sqrt{E\$},\$+\infty\$}%
\tkzTabLine{d,+,0,+,}%
\tkzTabVar{D- /\$-\infty\$ , R / ,+ / \$0\$ }%
\tkzTabIma{1}{3}{2}{-5}
\end{tikzpicture}
```

Une autre possibilité est d'utiliser la macro `\tkzTabImaFrom` ainsi que les nodes créés pour construire le tableau ; voir la section « personnalisation » (10) et la fin de ce chapitre.

6.1.2 Exemple avec plusieurs lignes de variations

x	0	1	α	$+\infty$
$f''(x)$		+	0	-
f'	1		0	$-\infty$
Signe de $f'(x)$		+	+	0
f	$-\infty$	0	1	0

```

\begin{tikzpicture}

\tkzTabInit[espc1=4]
{ $x$ , $f'(x)$ , $f''(x)$ , $f'''(x)$ , $f^{(4)}(x)$ }
{ $0$ , $1$ , $2$ , $3$ , $4$ }
\tkzTabLine {d , + , z , - , }
\tkzTabVar
{- / $1$ ,
+ / ,
R / ,
- / $-\infty$ }
\tkzTabIma[draw]{2}{4}{3}{$0$}
% ou bien \tkzTabVal[draw]{2}{4}{0.5}{0} obsolète
\tkzTabLine { , + , , + , z , - }
\tkzTabVar
{- / $-\infty$ ,
R / ,
+ / $1$ ,
- / $0$ }
\tkzTabIma[draw]{1}{3}{2}{$0$}
\end{tikzpicture}

```

6.1.3 Fonctions paramétrées

Fonctions paramétrées

t	$-\infty$	-4	-1	0	2	$+\infty$
Signe de $x'(t)$	$-$	0	$+$	$+$	0	$-$
Variations de x	1	$\frac{8}{9}$	$+\infty$	$-\infty$	$-\infty$	1
Variations de y	$+\infty$	$\frac{32}{3}$	$-\infty$	$+\infty$	0	$+\infty$
Signe de $y'(t)$	$-$	$-\frac{64}{9}$	$-$	$-$	0	$+$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[ lgt=4, deltacl=1, espc1=2]%
  {\t$ /1,
  Signe de\ \ $x'(t)$ /1.5,
  Variations de\ \ $x$ /3,
  Variations de\ \ $y$ /3,
  Signe de\ \ $y'(t)$ /1.5}
  { $-\infty$, $-4$, $-1$, $0$, $2$, $+\infty$}%

\tkzTabLine { , - , z , + , d , + , z , - , d , - , }

\tkzTabVar {+/$1$, -/$\frac{8}{9}$ ,+D-/$+\infty$/ $-\infty$,
  +/$0$ / , -D+ /$-\infty$/ $+\infty$, -/$1$ / }

\tkzTabVar {+/$+\infty$, R / , -D+/$-\infty$/ $+\infty$,
  -/$0$, R / , +/$+\infty$ }

\tkzTabIma{1}{3}{2}{\frac{32}{3}}
\tkzTabIma{4}{6}{5}{\frac{16}{3}}

\tkzTabLine{ , - , \frac{-64}{9} , - , d , - , z , + , \frac{44}{9} , + , }
\end{tikzpicture}

```

6.2 Définition de \tkzTabImaFrom

Cette macro ressemble à la précédente mais elle permet de placer une image relativement à une autre image ou relativement à un point quelconque du tableau auquel on a attribué un nom.

`\tkzTabImaFrom[⟨local options⟩]{Début}{Fin}{From}{Image}`

arguments	défaut	définition
Début	no default	rang de l'origine de la flèche
Fin	no default	rang de l'extrémité de la flèche
From	no default	nom d'un point
Image	no default	valeur de l'image

Comme pour `\tkzTabVal`, **Début** et **Fin** sont les rangs des valeurs qui déterminent les extrémités de la flèche. **Image** est la valeur que l'on veut placer. **From** est le nom du node qui correspond à l'antécédent.

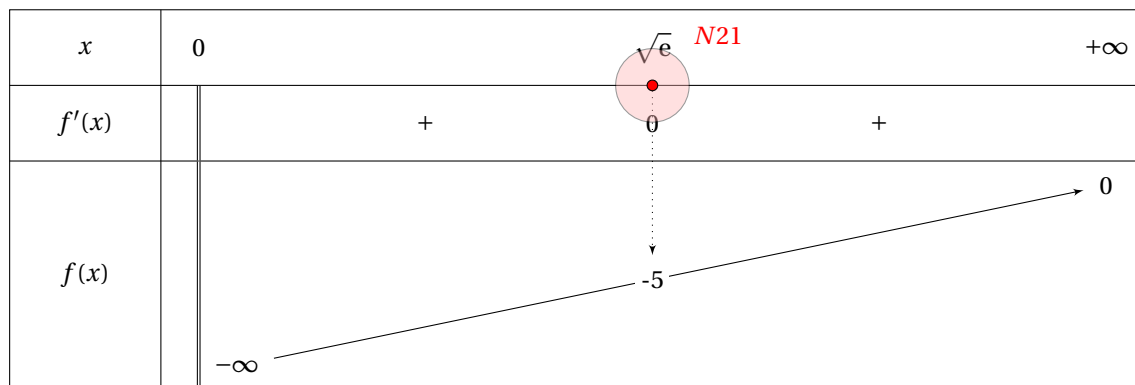
options	défaut	définition
draw	true	dessin d'une flèche entre l'antécédent et son image
remember	lastval	définit un node personnalisé

Si vous voulez une flèche entre l'antécédent et l'image, il vous suffit de passer en option **draw**. Si vous voulez référencer le point où se situe l'image alors il faut utiliser l'option **remember**.

6.2.1 Utilisation d'un node défini par la macro \tkzTabInit

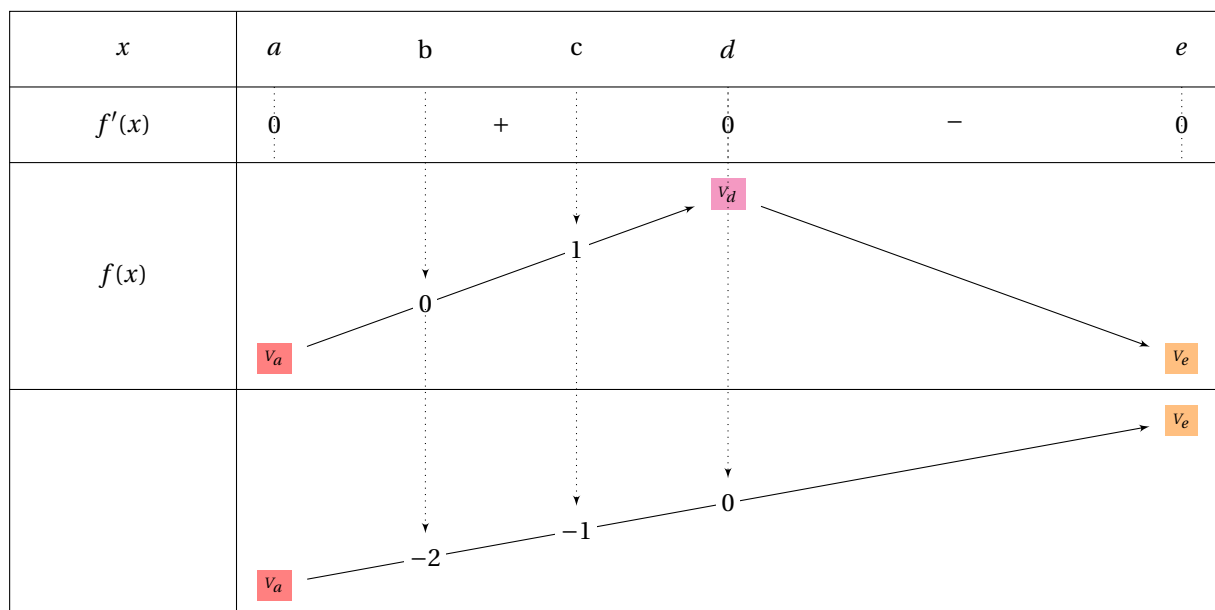
Il s'agit ici de N21. C'est un node, plus exactement un point situé sous la seconde valeur \sqrt{e} et sur le premier filet horizontal sous cette valeur. Voir le chapitre `personnalisation` et en particulier l'option `help` qui permet

d'afficher différents points de construction.



```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]%
  {\$x\$/1,\$f'(x)\$/1, \$f(x)\$/3}{\$0\$,\$\sqrt{E\$},\$+\infty\$}%
\tkzTabLine{d,+,0,+,}%
\tkzTabVar{D-/      \$-\infty$, R/      , +/\$0\$ }
\tkzTabImaFrom[draw]{1}{3}{N21}{-5}
\draw[opacity=0.4,fill=red!30] (N21) circle(3ex);
\draw[fill=red] (N21) circle(2pt);
\node[above right= 12pt,red](txt) at (N21) {\$N21\$};
\end{tikzpicture}
```

6.2.2 Utilisation d'un point défini par l'utilisateur avec remember




```

1 \begin{tikzpicture}
2 \tkzTabInit[lgt=3,espc1=6]{ $x$/1, $f'(x)$/1, $f(x)$/3,/3 }%
3 { $a$ , $d$ , $e$ }
4 \tkzTabLine{ z,+ ,z,- ,z }
5 \tkzTabVar {-/\va ,+/\vd , -/ \ve}
6 \tkzTabVal[draw,remember=vb]{1}{2}{0.333}{b}{{$0$}}
7 \tkzTabVal[draw,remember=vc]{1}{2}{0.666}{c}{{$1$}}
8 \tkzTabVar{-/\va ,R/ , +/ \ve}
9 \tkzTabVal[draw]{1}{3}{0.5}{}{$0$}}
10 \tkzTabImaFrom[draw]{1}{3}{vc}{{$-1$}}
11 \tkzTabImaFrom[draw]{1}{3}{vb}{{$-2$}}
12 \end{tikzpicture}

```

7 Tangente horizontale : \tkzTabTan et \tkzTabTanFrom

7.1 Définition de \tkzTabTan

`\tkzTabTan[local options]{Début}{Fin}{Position}{Image}`

arguments	défaut	définition
Début	no default	rang de l'origine de la flèche
Fin	no default	rang de l'extrémité de la flèche
Position	no default	rang de l'antécédent
Image	no default	valeur de l'image

*Il s'agit de savoir sur quelle flèche, on va positionner la tangente. **Début** et **Fin** sont les rangs des valeurs qui déterminent les extrémités de la flèche. **Position** est le rang de la valeur qui correspond à la tangente. **Image** est la valeur que l'on peut joindre à la tangente (ordonnée du point de contact).*

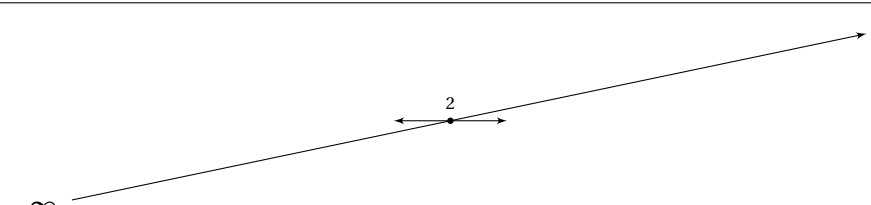
options	défaut	définition
pos	below	position de la valeur

*Il existe une option **pos** qui permet de positionner cette valeur sous la tangente.*

7.2 Utilisation des arguments

7.2.1 Palier

La flèche débute pour la valeur initiale 0 donc de rang 1 et se termine pour $+\infty$, valeur de rang 3. La tangente est ici en $x = 1$ soit la valeur de rang 2.

x	0	1	$+\infty$	
$f'(x)$		+	0	+
f				$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTab[espc1=6]{x$ /1, $f'(x)$ /1, $f$ /3}%
{$0$, $1$, $+\infty$}%
{d , + , 0 , + , }
{D- / $-\infty$, R / , + / $+\infty$}%
\tkzTabTan{1}{3}{2}{\scriptsize $2$}
\end{tikzpicture}

```

7.2.2 Tangente à l'extrémité d'un intervalle

Dans l'exemple ci-dessous, la flèche débute pour la valeur initiale 0 donc de rang 1 et se termine pour 1, valeur de rang 2. La tangente est ici en $x = 1$ soit la valeur de rang 2. Il faut remarquer que la macro `\tkzTabTan` s'applique à la ligne de variations qui la précède.

La valeur 0 de l'image de 1 par f n'est pas indiquée dans `\tkzTabVar`. Elle serait sous les flèches représentant la tangente, aussi elle est passée comme argument de `\tkzTabTan` avec l'option `pos=below`.

x	0	1	$+\infty$
$f'(x)$		0	
f	-1	0	$-\infty$

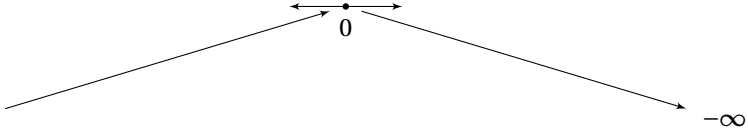
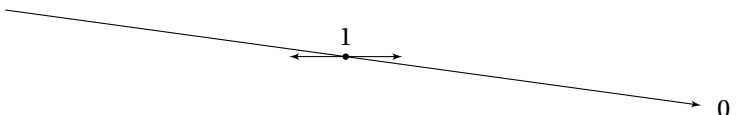
```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]{x$ /1, $f'(x)$ /1, $f$ /2}{0$, $1$, $+\infty$}%
\tkzTabLine{t , + , z , - , }%
\tkzTabVar{- / $-1$, + / , - / $-\infty$ }
\tkzTabTan[pos=below]{1}{2}{2}{0$}
\end{tikzpicture}

```

7.3 Utilisation des options

7.3.1 pos : position de la valeur

x	0	1	$+\infty$	
$f''x$		+	0	-
$f'(x)$	$-\infty$		$-\infty$	
$f(x)$	$+\infty$		0	

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=5]{$x$/1,$f'$/'{x}$ /1,$f'(x)$ /2,$f(x)$ /2}{$0$, $1$, $+\infty$}%
\tkzTabLine{d,+,0,-,%
\tkzTabVar{-/ $-\infty$ ,+/ ,-$-\infty$}
\tkzTabTan[pos=below]{1}{2}{$0$}
\tkzTabVar{+/ $+\infty$ , R/ , -/ $0$}
\tkzTabTan{1}{3}{2}{$1$}
\end{tikzpicture}

```

7.3.2 Variations imbriquées

x	0	α	1	β	$+\infty$	
$f''(x)$		+	+	0	-	-
f'	-1	0	2	0	$-\infty$	
f	$+\infty$	1	2	0		

```

\begin{tikzpicture}
  \tkzTabInit[espc1=3]
  {\$x\$ /1,
   \$f''(x)\$ /1,
   \$f'\$ /3,
   \$f\$ /3}%
  {\$0\$ , \$\alpha\$ , \$1\$ , \$\beta\$ , \$+\infty\$ }%
  \tkzTabLine {d , + , , + , z , - , , - }%
  \tkzTabVar {-/ \$-1\$ / , R/ ,+/ , R/ , -/ \$-\infty\$ }
  \tkzTabIma[draw]{1}{3}{2}{0}
  \tkzTabIma[draw]{3}{5}{4}{0}
  \tkzTabTan[pos]{1}{3}{3}{\$2\$}
  \tkzTabVar{+/ \$+\infty\$ , - / , R/ ,+/ , -/ \$0\$ }
  \tkzTabTan[] {1}{2}{2}{\$1\$}
  \tkzTabTan[pos=below]{2}{4}{4}{\$2\$}
\end{tikzpicture}

```

7.4 Définition de `tkzTabTanFrom`

`\tkzTabTanFrom`[(local options)]{Début}{Fin}{Position}{Image}

arguments	défaut	définition
Début	no default	rang de l'origine de la flèche
Fin	no default	rang de l'extrémité de la flèche
Position	no default	nom d'un point
Image	no default	valeur de l'image

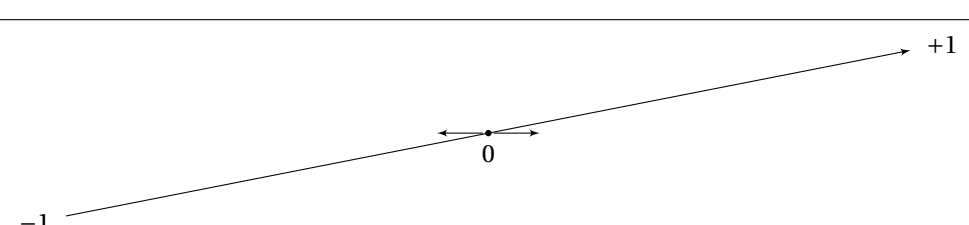
La position est donnée par le nom d'un point ou d'un node.

options	défaut	définition
pos	below	position de la valeur

7.5 Le nom est défini par le tableau

Le nom du node qui correspond à α est ici N21 (antécédent de rang 2, premier filet sous la valeur.)

x	0	α	$+\infty$
$f'(x)$		+	
f	-1	0	+1



```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[ espc1=6]
{ $x$ , $f'(x)$ , $f$ }
{ $0$ , $\alpha$ , $+\infty$ }%
\tkzTabLine { , , + , , }%
\tkzTabVar{-/ $-1$ , R , +/ $+1$ /}%
\tkzTabTanFrom[pos=below]{1}{3}{N21}{$0$}
\end{tikzpicture}

```

7.6 Le nom est donné par l'utilisateur avec l'option **remember**

x	0	1	α	$+\infty$
$f''(x)$		+	0	-
f'	1	2	0	$-\infty$
Signe de $f'(x)$		+	0	-
f	$-\infty$	0	1	0

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[ espc1=4]
{ $x$ , $f'(x)$ , $f''(x)$ , $f'''(x)$ , $f^{(4)}(x)$ , $f^{(5)}(x)$ }
{ $Q$ , $1$ , $\alpha$ , $+\infty$ }%
\tkzTabLine {d,+,Q,-, - }%
\tkzTabVar
{-/ $1$ ,
+/ ,
R/ ,
-/ $-\infty$ }%
\tkzTabTan[pos,remember=v1]{1}{2}{2}{$2$}%
\tkzTabVal[remember=v2]{2}{4}{0.5}{0}%
\tkzTabLine { , , + , , z , - }%
\tkzTabVar
{-/ $-\infty$ ,
R/ ,
+/ ,
-/ $Q$ }
\tkzTabImaFrom[] {1}{3}{v1}{0}%
\tkzTabImaFrom[] {3}{4}{v2}{0}%
\tkzTabTanFrom[pos=below]{3}{4}{v2}{$1$}
\end{tikzpicture}

```

8 Nombres dérivés : \tkzTabSlope

\tkzTabSlope{Liste}

arguments	défaut	définition
Liste	no default	$i/eg(i)/ed(i)$

i est compris entre 1 et n , n étant le nombre de valeurs de la première ligne. Cette macro permet de personnaliser les signes d'une fonction dérivée en indiquant par exemples des limites, les valeurs d'une dérivée à droite, à gauche. i est le rang de l'antécédent qui correspond à la valeur de la dérivée, **eg** et **ed** sont les expressions que l'on veut placer soit à gauche et soit à droite.

8.1 Ajout de nombres dérivés

Étude de la fonction $f : x \mapsto \sqrt{x(x-1)^2}$ sur $[0 ; 4]$

x	0	$\frac{1}{3}$	1	4			
Signe de $f'(x)$	$+\infty$	+	0	-	-1	+1	+
Variations de $\sqrt{x(x-1)^2}$	0	$\frac{2\sqrt{3}}{9}$	0	6			

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3]%
  {$x$/1,%
  Signe\\ de $f'(x)$ /1,%
  Variations\\ de\\ $\sqrt{x(x-1)^2}$ /4}%
  {$0$ , $\dfrac{1}{3}$ , $1$ , $4$}%
\tkzTabLine{d ,+ , 0 , - , d ,+ , }
\tkzTabSlope{1//+\infty,3/-1 /+1}
\tkzTabVar %
  {- / $0$ ,
  + / $\dfrac{2\sqrt{3}}{9}$ ,
  - / $0$ ,
  + / $6$ }
\end{tikzpicture}

```

9 Utilisation des styles

9.1 Définition de `\tkzTabSetup`

Le plus simple est d'utiliser la macro `\tkzTabSetup`. Celle-ci permet de modifier les styles principaux.

`\tkzTabSetup[⟨local options⟩]`

arguments	défaut	définition
<code>doubledistance</code>	<code>1pt</code>	écart double barre
<code>doublecolor</code>	<code>white</code>	couleur centrale dans la double barre
<code>lw</code>	<code>0.4pt</code>	épaisseur d'un trait
<code>color</code>	<code>black</code>	couleur d'un trait
<code>tstyle</code>	<code>dotted</code>	style des traits verticaux
<code>tcolor</code>	<code>black</code>	couleur des traits verticaux
<code>tanarrowstyle</code>	<code>latex'</code>	style d'une flèche pour une tangente
<code>tanstyle</code>	<code>-></code>	style d'une tangente
<code>tancolor</code>	<code>black</code>	couleur d'une tangente
<code>tanwidth</code>	<code>0.4pt</code>	épaisseur d'une tangente
<code>fromarrowstyle</code>	<code>latex'</code>	style d'une flèche antécédent -> image
<code>fromstyle</code>	<code>-></code>	style antécédent -> image
<code>fromcolor</code>	<code>black</code>	couleur antécédent -> image
<code>fromwidth</code>	<code>0.4pt</code>	épaisseur antécédent -> image
<code>hcolor</code>	<code>gray</code>	couleur d'une zone interdite
<code>hopacity</code>	<code>0.4</code>	transparence de la couleur d'une zone interdite
<code>crosslines</code>	<code>false</code>	booléen true hachure la zone interdite
<code>arrowcolor</code>	<code>black</code>	couleur d'une flèche de variation
<code>arrowstyle</code>	<code>latex'</code>	style d'une flèche de variation
<code>arrowlinewidth</code>	<code>0.4pt</code>	épaisseur d'une flèche de variation

Cette macro s'utilise dès le début. Les épaisseurs sont en générale donnée en **pt**, la valeur par défaut est la plus fréquente.

9.1.1 Utilisation de `doubledistance` et `hcolor`

x	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	-1	1	$\sqrt{2}$	2	$+\infty$		
x^2-3x+2	+	+	+	0	-	-	0	+	
$\ln(x^2-1)$	+	0	-		-	0	+	+	
$E(x)$	+	0	-		+	0	-	0	+

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabColors[backgroundcolor=fondpaille,%
color=Maroon]
\tkzTabSetup[doubledistance = 2pt]
```

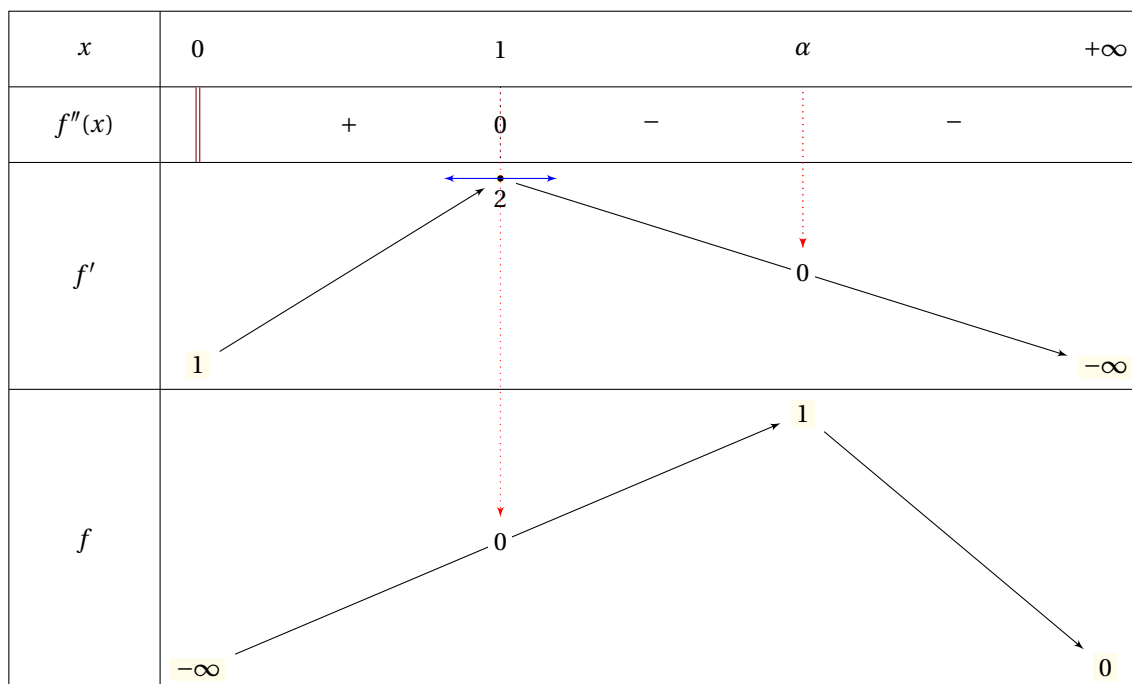


```

\tkzTabInit[lgt=2,espcl=1]
{\$x\$ /1, \$x^2-3x+2\$ /1, \$\ln (x^2-1)\$ /1, \$E(x)\$ /1}%
{\$-\infty\$, \$-\sqrt{2}\$, \$-1\$, \$1\$, \$\sqrt{2}\$, \$2\$, \$+\infty\$}%
\tkzTabLine{ , + , t , + , t , + , z , - , t , - , z , + , }
\tkzTabLine{ , + , z , - , d , h , d , - , z , + , t , + , }
\tkzTabLine{ , + , z , - , d , h , d , + , z , - , z , + , }
\end{tikzpicture}

```

9.1.2 Utilisation de fromcolor et tancolor



```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabSetup[fromcolor = red, tancolor = blue,,backgroundcolor=fondpaille,%
color=Maroon]
\tkzTabInit[espcl=4]
{ \$x\$ /1, \$f''(x)\$ /1, \$f'\$ /3, \$f\$ /4}%
{ \$Q\$ , \$1\$ , \$\alpha\$, \$+\infty\$ }%
\tkzTabLine {d , + , z , - , , - }%
\tkzTabVar
{- / \$1\$ / , + / / , R / / , - / \$-\infty\$ /}

\tkzTabVal[draw]{2}{4}{0.5}{0}
\tkzTabIma[draw]{2}{4}{3}{\$Q\$}
\tkzTabTan[pos]{1}{2}{2}{\$2\$}
\tkzTabVar
{- / \$-\infty\$ , R / , + / \$1\$ , - / \$Q\$ }
\tkzTabIma[draw]{1}{3}{2}{\$Q\$}
\end{tikzpicture}

```

9.2 Utilisation de \tikzset pour modifier les styles

Voici la liste des styles qui sont utilisés et leurs définitions.

node style	style des nodes utilisé pour les valeurs placées dans le tableau
low left	valeur située en bas et à gauche d'un trait vertical
low right	valeur située en bas et à droite d'un trait vertical
high left	valeur située en haut et à gauche d'un trait vertical
high right	valeur située en haut et à droite d'un trait vertical
low	valeur située en bas d'un trait vertical
high	valeur située en haut d'un trait vertical
on double	couleur du fond sous une double barre
tan style	style pour une tangente
arrow style	style pour les flèches des variations
from style	style pour la ligne allant d'un antécédent à une image
h style	style pour une zone interdite
double style	style pour une double barre
t style	style pour un trait vertical

Les valeurs par défaut utilisées sont les suivantes :

```
\def\tkzTabDefaultWritingColor{black}
\def\tkzTabDefaultBackgroundColor{white}
\def\tkzTabDefaultLineWidth{0.4pt}
\def\tkzTabDefaultArrowStyle{latex'}
\def\tkzTabDefaultSep{2pt}
```

les principaux styles par défaut sont :

```
\tikzset{node style/.style = {inner sep = \tkzTabDefaultSep,
                                outer sep = \tkzTabDefaultSep,
                                fill = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
\tikzset{tan style/.style = {> = \tkzTabDefaultArrowStyle,
                              ->,
                              color = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
\tikzset{arrow style/.style = {\tkzTabDefaultWritingColor,
                              ->,
                              > = \tkzTabDefaultArrowStyle,
                              shorten > = \tkzTabDefaultSep,
                              shorten < = \tkzTabDefaultSep}}
\tikzset{from style/.style = {shorten > = \tkzTabDefaultSep,
                              shorten < = \tkzTabDefaultSep,
                              line width = \tkzTabDefaultLineWidth,
                              > = \tkzTabDefaultArrowStyle,
                              ->,
                              draw = \tkzTabDefaultWritingColor,
                              dotted}}
\tikzset{t style/.style = {style = dotted,
                           draw = \tkzTabDefaultWritingColor}}
\tikzset{h style/.style = {pattern = north west lines,
                           pattern color = \tkzTabDefaultWritingColor}}
\tikzset{on double/.style = {fill = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
\tikzset{double style/.append style = {%
    draw = \tkzTabDefaultWritingColor,
    double = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
```

Les couleurs de fond pour les différentes sont définies par les styles :

```
\tikzset{fondC/.style={fill = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
\tikzset{fondL/.style={fill = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
\tikzset{fondT/.style={fill = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
\tikzset{fondV/.style={fill = \tkzTabDefaultBackgroundColor}}
```

Enfin les approches des valeurs par les flèches sont :

```
\tikzset{low left/.style = {above left = \tkzTabDefaultSep}}
\tikzset{low right/.style = {above right = \tkzTabDefaultSep}}
\tikzset{high right/.style = {below right = \tkzTabDefaultSep}}
\tikzset{high left/.style = {below left = \tkzTabDefaultSep}}
\tikzset{low/.style = {above = \tkzTabDefaultSep}}
\tikzset{high/.style = {below = \tkzTabDefaultSep}}
```

9.2.1 Utilisation de `\tikzset` et `h style`

x	0	1	2	3
$g(x)$	0	+		-

```
\begin{tikzpicture}
\tikzTabColors[backgroundcolor=fondpaille,%
color=Maroon]
\tikzTabSetup[doubledistance = 2pt]
\tikzset{h style/.style = {fill=red!50}}
\tikzTabInit[color,espcl=1.5]%
{\$x\$ / 1,\$g(x)\$ / 1}%
{\$0\$, \$1\$, \$2\$, \$3\$}%
\tikzTabLine{z,+,d,h,d,-,t}
\end{tikzpicture}
```

9.2.2 Utilisation de `\tikzset` et `h style`

x	0	1	2	3
$g(x)$	0	+		-

```
\begin{tikzpicture}
\tikzset{h style/.append style = {%
pattern=north east lines}}
\tikzTabInit[color,espcl=1.5]%
{\$x\$ / 1,\$g(x)\$ / 1}%
{\$0\$, \$1\$, \$2\$, \$3\$}%
\tikzTabLine{z,+, ,h,d,-,t}
\end{tikzpicture}
```

9.2.3 Utilisation de `\tikzset` et `arrow style`

x	0	1/e	$+\infty$
$\ln x + 1$		-	0
$x \ln x$	0		$+\infty$

$$\frac{-1}{e}$$

```

%\newcommand*{\E}{\ensuremath{\mathrm{e}}}
\begin{tikzpicture}

\tikzset{arrow style/.append style = {red,shorten >=6pt,shorten <=6pt}}
\tkzTabInit[espc1=5]{$x$ /1, $\ln x +1$ /1.5, $x \ln x$ /2}%
{$Q$ , $1/\E$ , $+\infty$}%
\tkzTabLine{d,-,z,+,%
\tkzTabVar%
{ D+ / / $Q$ ,%
- / \colorbox{black}{\textcolor{white}{$\dfrac{-1}{e}$}} / ,%
+ / $+\infty$ / }%
\end{tikzpicture}

```

9.2.4 Utilisation de \tikzset et \tkzTabSetup

On remarquera la dernière utilisation de `\tkzTabSetup` qui remet les valeurs par défaut.

x	a	b	c	d		e
$f''(x)$	0		+	0	-	0
f'	v_a	1	2	v_d		v_e
f	$-\infty$			0		$+\infty$

```

% \newcommand*{\va}{\colorbox{red!50}{\scriptscriptstyle V_a}}
% \newcommand*{\vb}{\colorbox{blue!50}{\scriptscriptstyle V_b}}
% \newcommand*{\vc}{\colorbox{gray!50}{\scriptscriptstyle V_c}}
% \newcommand*{\vd}{\colorbox{magenta!50}{\scriptscriptstyle V_d}}
% \newcommand*{\ve}{\colorbox{orange!50}{\scriptscriptstyle V_e}}

\begin{tikzpicture}
\tkzTabSetup[fromcolor      = red,
             fromstyle      = dashed,
             fromwidth      = 1pt,
             fromarrowstyle = stealth',
             arrowcolor     = green ]
\tkzTabInit[lgt=1.5,espc1=5]{ $x$/.7,$f''(x)$/.7,$f'$/3,$f$/3 }%
    { $a$ , $d$ , $e$ }
\tkzTabLine{ z,+ ,z,- ,z }
\tkzTabVar {-/\va ,+/\vd , -/\ve}
\tkzTabVal[draw,remember=vb]{1}{2}{0.333}{b}{1$}
\tikzset{from style/.append style = {draw      = blue}}
\tkzTabVal[draw,remember=vc]{1}{2}{0.666}{c}{2$}
\tkzTabVar{-/$-\infty$ ,R/ , +/$+\infty$}
\tkzTabSetup
\tkzTabVal[draw]{1}{3}{0.5}{1}{0$}
\draw[opacity=0.5,fill=red!40] (vb) circle(2ex);
\draw[opacity=0.5,fill=blue!40] (vc) circle(2ex);
\end{tikzpicture}

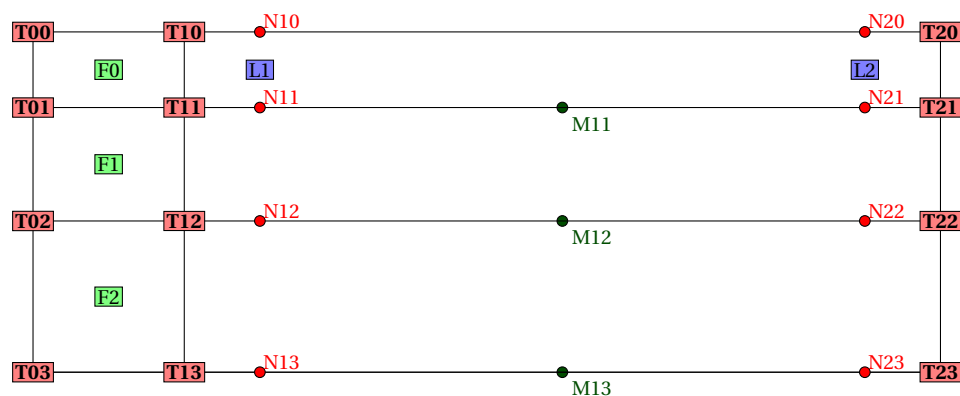
```

10 Personnalisation des tableaux

10.1 help : option commune aux principales macros

10.1.1 help : option de \tkzTabInit

Cette option permet de connaître la structure d'un tableau. `deltac1=1` permet d'espacer un peu les points et les labels



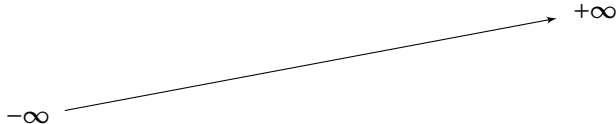
```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[deltac1=1,espc1=8,help]%
{$x$/1,Signe\\ de $\dfrac{1}{x}$/$1.5/1.5$,Variation\\ de $\ln$/2}%
{$0$,$+\infty$}%
\end{tikzpicture}

```

10.1.2 `help` : option de `\tkzTabLine`

Afin de mieux voir les labels il est préférable de pas employer l'option `help` en même temps sur toutes les macros.

x	0	$+\infty$
Signe de $\frac{1}{x}$	Z11	S11 Z21
Variation de ln		

11 Galerie

11.1 Tableaux de signes

L'exemple suivant provient de la documentation de l'excellent `tablor.sty`.

x	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	5	$+\infty$	
Signe de $-2 + 3$	$+$	0	$-$	$-$	
Signe de $-x + 5$	$+$		$+$	0	$-$
Signe de $(-2x + 3)(-x + 5)$	$+$	0	$-$	0	$+$

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3]
  { $x$ /1,
    Signe de\ \ $-2+3$ /1.5,
    Signe de\ \ $-x+5$ /1.5,
    Signe de\ \ $(-2x+3)(-x+5)$ /1.5 }%
  { $-\infty$, $\dfrac{3}{2}$, $5$, $+\infty$}%
\tkzTabLine { ,+,z,-,t,-, }
\tkzTabLine { ,+,t,+,z,-, }
\tkzTabLine { ,+,z,-,z,+, }
\end{tikzpicture}
```

11.2 Variations de fonctions

11.2.1 Variation d'une fonction rationnelle

Cet exemple a été cité dans la documentation du package `tabvar`

Étude de la fonction $f : x \mapsto \frac{x^3+2}{2x}$ sur $] -\infty ; +\infty[$

x	$-\infty$	$-\sqrt[3]{2}$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	$-$		$-$	0	$+$
f	$+\infty$	0	$+\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[
  {\$x$ /1, $f'(x)$ /1,$f$ /3}
  {\$-\infty$ , $0$ , $1$ , $+\infty$}
\tkzTabLine{,-,d,-,z,+}
\tkzTabVar{+/$+\infty$ ,-D+/$-\infty$ / $+\infty$ ,-$/\frac{3}{2}$ , +/$+\infty$}
\tkzTabVal{1}{2}{0.4}{\$ -\sqrt[3]{2}$}{\$0$}
\end{tikzpicture}

```

11.2.2 Variation d'une fonction irrationnelle

Autre exemple cité dans la documentation du package `tabvar`

Étude de la fonction $f : x \mapsto \sqrt{\frac{x-1}{x+1}}$ sur $]-\infty ; -1[\cup]1 ; +\infty[$

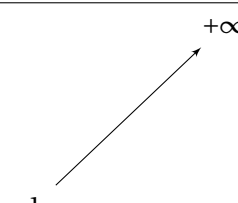
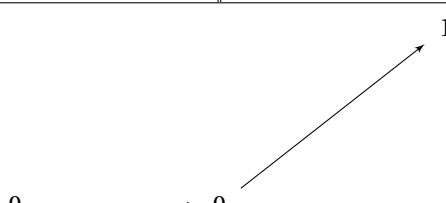
x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	$+$		$+\infty$	$+$
f	1	$+\infty$	0	1

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[
  {\$x$ /1, $f'(x)$ /1,$f$ /3}
  {\$-\infty$ , $-1$ , $1$ , $+\infty$}
\tkzTabLine{+,d,h,d,+}
\tkzTabSlope{3/ /+\infty}
\tkzTabVar{-/$1$ ,+DH/$+\infty$ ,-$0$, +/$1$}
\end{tikzpicture}

```

Un prolongement par continuité pourrait être : $f(x) = 0$ sur $[-1 ; 1]$ alors le tableau deviendrait

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	+		0	$+\infty$ +
f				

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[
  {\$x$ / 1, \$f'(x)$ / 1, \$f$ / 3}
  {\$-\infty$ , \$-1$ , \$1$ , \$+\infty$}
\tkzTabLine{+,d,0,d,+, }
\tkzTabSlope{ 3/ /+\infty}
\tkzTabVar{-/\$1$ ,+D-/\$+\infty$/$0$ , -/\$0$, +/\$1$}
\end{tikzpicture}

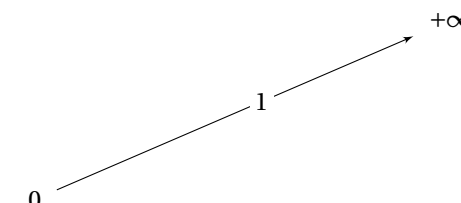
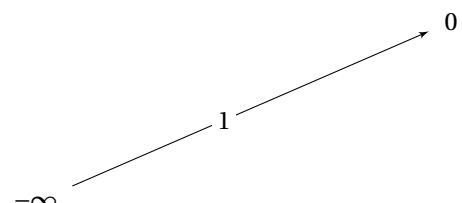
```

11.3 Fonctions trigonométriques

Fonctions trigonométriques

11.3.1 Variation de la fonction tangente

Fonction `tangente` Étude de la fonction $f : x \mapsto \tan x$ sur $[0 ; \pi]$

x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
Signe de $f'(x)$	+			+	
Variations de f					

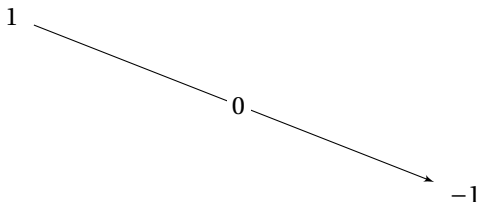
```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]{\$x$ / 1, Signe de \$f'(x)$ / 1, Variations de \$f$ / 3}%
  {\$0$ , \$\frac{\pi}{2}$ , \$\pi$}%
\tkzTabLine{ ,+,d,+, }
\tkzTabVar{-/\$0$ , +D-/\$+\infty$/$-\infty$ , +/\$0$ }
\tkzTabVal{1}{2}{0.5}{\$ \frac{\pi}{4}$}{\$1$}
\tkzTabVal{2}{3}{0.5}{\$ \frac{3\pi}{4}$}{\$1$}
\end{tikzpicture}

```


11.3.2 Variation de la fonction cosinus

Fonction cosinus Étude de la fonction $f : x \longrightarrow \cos x$ sur $[-\pi ; +\pi]$

x	0	$\frac{\pi}{2}$	π
Signe de $f'(x)$	+		
Variations de f			

```
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espcl=6]{x$ / 1,Signe de\\f'(x)/1, Variations de\\ $f$ / 3}%
{$0$, $\pi$}%
\tkzTabLine{ , + , }
\tkzTabVar{+/$1$, -/$-1$ }
\tkzTabVal{1}{2}{0.5}{$\frac{\pi}{2}$}{$0$}
\end{tikzpicture}
```

11.4 Fonctions paramétrées et trigonométriques

Fonctions paramétrées Fonctions trigonométriques

Étude sur $\left[0 ; \frac{\pi}{2}\right]$

$$\begin{cases} x(t) = \cos(3t) \\ y(t) = \sin(4t) \end{cases}$$

t	0	$\frac{\pi}{8}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{8}$	$\frac{\pi}{2}$				
Signe de $x'(t)$	0	-	$-3\sin\left(\frac{3\pi}{8}\right)$	-	0	+	$3\sin\left(\frac{\pi}{8}\right)$	+	3
Variations de x	1	$\cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)$	-1	$-\cos\left(\frac{\pi}{8}\right)$	0				
Variations de y	0	1	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1	0				
Signe de $y'(t)$	4	+	0	-	-2	-	0	+	4

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[ lgt=3 , espc1=3]%
  {\t$                               /1,
  Signe de\ \ \ \ $x'(t)$           /1.5,
  Variations de\ \ \ $x$             /3,
  Variations de\ \ \ $y$             /3,
  Signe de\ \ \ \ $y'(t)$           /1.5}
  {\t$ , $\frac{\pi}{8}$ , $\frac{\pi}{3}$ ,
  $\frac{3\pi}{8}$ , $\frac{\pi}{2}$ }%
\tkzTabLine {z , - , -3\sin\left(\frac{3\pi}{8}\right) , - , z , + , %
3\sin\left(\frac{\pi}{8}\right), +, 3}
\tkzTabVar { +/$1$ , R/ , -/$-1$/ , R/ , +/$0$ }
\tkzTabIma{1}{3}{2}{\cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)}$}
\tkzTabIma{3}{5}{4}{-\cos\left(\frac{\pi}{8}\right)}$}
\tkzTabVar { -/$0$ , +/$1$ , R/ , -/$-1$ , +/$0$ }
\tkzTabIma{2}{4}{3}{\frac{-\sqrt{3}}{2}}$}
\tkzTabLine {4 , + , z , - , -2 , - , z , +, 4}
\end{tikzpicture}

```

11.5 Baccalauréat Asie ES 1998

Une petite astuce, en principe z est le symbole à mettre dans la liste pour obtenir un zéro centré sur un trait en pointillés. Si on veut que le zéro soit sans le trait, il suffit de remplacer z par \emptyset . Celui-ci n'est pas un symbole reconnu, il est donc traité comme une chaîne normale.

Soit f la fonction de variable réelle x , définie sur \mathbf{R} par :

$$f(x) = e^x(e^x + a) + b$$

où a et b sont deux constantes réelles.

Les renseignements connus sur f sont donnés dans le tableau de variation ci-dessous.

x	$-\infty$	0	$+\infty$
Signe de $f'(x)$		0	
Variations de f	-3		

1. Calculer $f'(x)$ en fonction de a (f' désigne la fonction dérivée de f).
2. a) déterminer a et b en vous aidant des informations contenues dans le tableau ci-dessus.
b) Calculer $f(0)$ et calculer la limite de f en $+\infty$.
c) Compléter, après l'avoir reproduit, le tableau de variations de f .
3. Résoudre dans \mathbf{R} l'équation

$$e^x(e^x - 2) - 3 = 0$$

(on pourra pose $X = e^x$).

4. Résoudre dans \mathbf{R} les inéquations :

$$e^x(e^x - 2) - 3 \geq -4$$

$$e^x(e^x - 2) - 3 \leq 0$$

(On utilisera le tableau de variations donné ci-dessus et en particulier les informations obtenues en 2.b)

Soit f la fonction de variable réelle x , définie sur \mathbf{R} par :

\[

$$f(x) = e^x(e^x + a) + b$$

\]

où a et b sont deux constantes réelles.

Les renseignements connus sur f sont donnés dans le tableau de variation ci-dessous.

```

\medskip
\begin{center}
\begin{tikzpicture}
\tkzTab[lgt=3,espc1=4]{x/1,Signe de f'(x) /1,Variations de f /2}%
{ $-\infty$, $0$, $+\infty$ }%
{ , , z , , }%
{ +/ $-3$ , , , }
\end{tikzpicture}
\end{center}

\medskip
\begin{enumerate}
\item Calculer  $f'(x)$  en fonction de  $a$  ( $f'$  désigne la fonction dérivée de  $f$ ).
\item \begin{enumerate}
\item déterminer  $a$  et  $b$  en vous aidant des informations contenues dans le tableau ci-dessus.
\item Calculer  $f(0)$  et calculer la limite de  $f$  en  $+\infty$ .
\item Compléter, après l'avoir reproduit, le tableau de variations de  $f$ .
\end{enumerate}
\end{enumerate}

```

```

\end{enumerate}
\item Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation
\[
e^x(e^x-2)-3=0
\]
(on pourra poser  $X=e^x$ ).
\item Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les inéquations :
\[
e^x(e^x-2)-3 \geq -4
\]
\[
e^x(e^x-2)-3 \leq 0
\]
(On utilisera le tableau de variations donné ci-dessus et en particulier les informations obtenues en 2.b)
\end{enumerate}

```

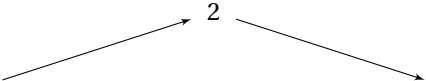
11.6 Baccalauréat

On considère la fonction f définie sur $] -\infty ; 0[$:

$$f(x) = ax + b + \ln(-2x)$$

où a et b sont deux réels donnés.

1. Calculer $f'(x)$ en fonction de a et b .
2. Le tableau ci-dessous représente les variations d'une fonction particulière f .

x	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	0
Signe de $f'(x)$	$+$	0	$-$
Variations de f			

- a) En utilisant les données du tableau déterminer les valeurs a et b qui caractérisent cette fonction.
- b) Pour cette fonction particulière f , déterminer $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$.
- c) Montrer que, dans l'intervalle $\left[-\frac{1}{2} ; 0,01\right]$, l'équation $f(x) = 0$ admet une solution unique. En donner une valeur approchée à 10^{-3} près.

On considère la fonction f définie sur $] -\infty ; 0[$:

```

\[
f(x)=ax+b+\ln(-2x)
\]
où  $a$  et  $b$  sont deux réels donnés.

\begin{enumerate}
\item Calculer  $f'(x)$  en fonction de  $a$  et  $b$ .

```

\item Le tableau ci-dessous représente les variations d'une fonction particulière f .

```
\medskip
\begin{center}
\begin{tikzpicture}
\tkzTab[]%
{$x$/1.25,Signe de\ $f'(x)$, Variations\ de $f$/1.5}%
{$-\infty$, $\dfrac{-1}{2}$, $0$}%
{+, $0$, -,}%
{-//,
+/$2$/ ,
-//}
\end{tikzpicture}
\end{center}
```

```
\medskip
\begin{enumerate}
\item En utilisant les données du tableau déterminer les valeurs  $a$  et  $b$  qui caractérisent
cette fonction.
\item Pour cette fonction particulière  $f$ , déterminer

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$$
.
\item Montrer que, dans l'intervalle  $\left[\dfrac{-1}{2}; 1\right]$ , l'équation  $f(x) = 0$ 
admet une solution unique. En donner une valeur approchée à  $10^{-3}$  près.
\end{enumerate}
```

11.7 Baccalauréat Guyane ES 1998

C'est cet exemple qui m'a obligé à penser aux commandes du style +V+. Sans doute, voulait-on ne pas influencer les élèves avec la vision d'une double barre (trop souvent associée à la présence d'une asymptote).

Le sujet :

On considère une fonction f de la variable x , dont on donne le tableau de variations :

x	$-\infty$	$\frac{-1}{2}$	1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	$-$	0	$+$	$-$
Variations de f	1	$\frac{-1}{3}$	$+\infty$	1

On appelle (C) la courbe représentative de f dans un repère. Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (unités graphiques 2 cm sur chaque axe).

Première partie

En interprétant le tableau donné ci-dessus :

1. Préciser l'ensemble de définition de f .
2. Placer dans le repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$:

- a) l'asymptote horizontale (D);
- b) l'asymptote verticale (D');
- c) le point A où la tangente à (C) est horizontale.

Seconde partie

On donne maintenant l'expression de f :

$$f(x) = 1 + \frac{4}{(x-1)} + \frac{3}{(x-1)^2}$$

- Résoudre les équations $f(x) = 0$ et $f(x) = 1$.
- Au moyen de votre calculatrice, remplir le tableau suivant (recopier ce tableau sur votre copie).

x	-1	-0,75	0,5	2	3	4
$f(x)$						

On considère une fonction f de la variable x , dont on donne le tableau de variations :

```
\begin{center}
\begin{tikzpicture}
\tkzTab[]%
{xx/1.25,Signe de\ $f'(x)$ /1.5, Variations\ de $f$/2.5}
{ $-\infty$, $\dfrac{-1}{2}$, $1$, $+\infty$ }
{,-,$0$,+, -,}
{+/$1$, -/$\dfrac{-1}{3}$, +V+/$+\infty$ /$+\infty$, -/$1$}
\end{tikzpicture}
\end{center}
```

$\hspace{6pt}$
On appelle (C) la courbe représentative de f dans un repère. Le plan est muni d'un repère orthonormal $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (unités graphiques 2 cm sur chaque axe)

Première partie

En interprétant le tableau donné ci-dessus :

```
\begin{enumerate}
\item Préciser l'ensemble de définition de  $f$ .
\item Placer dans le repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  :
\begin{enumerate}
\item l'asymptote horizontale (D);
\item l'asymptote verticale (D');
\item le point A où la tangente à (C) est horizontale.
\end{enumerate}
\end{enumerate}
```

Seconde partie

On donne maintenant l'expression de f :

```
\[
f(x)=1 + \dfrac{4}{(x-1)} + \dfrac{3}{(x-1)^2}
\]
\begin{enumerate}
\item Résoudre les équations  $f(x)=0$  et  $f(x)=1$ .
\end{enumerate}
```

```

\item Au moyen de votre calculatrice, remplir le tableau suivant
( recopier ce tableau sur votre copie).
\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[deltacl=1,espc1=1]{ $x$/1,$f(x)$ /1}%
{-1,,{-0,75},,,{0,5},,2,,3,,4}%
\tkzTabLine{,,,,,,,,,,,,,,,,,}%
\makeatletter
\foreach \x in {1,...,5}
\setcounter{tkz@cnt@pred}{\x}\addtocounter{tkz@cnt@pred}{\x}
\draw (N\thetkz@cnt@pred 0.center) to (N\thetkz@cnt@pred 2.center);
\end{tikzpicture}
\end{enumerate}

\vfill

```

11.8 Exemple relatif à une question: problème de virgule

Il suffit pour régler ce genre de problème d'utiliser le package numprint. La macro `\np` permet d'afficher correctement 1,5.

```

\usepackage[french]{babel}
\usepackage[np]{numprint}

```

x	$-\infty$	$+\infty$
$x-1,5$		

```

\begin{tikzpicture}[scale=1]
\tkzTabInit[lgt=6,espc1=7]
{ $x$/0.75,
$ x \np{-1.5} $ /0.75 }
{ $-\infty$, $+\infty$ }
\end{tikzpicture}

```

11.9 Quelques tableaux classiques

Tableau 1 (ln) :

x	0	1	e	$+\infty$
$\ln'(x)$			+	
$\ln(x)$	$-\infty$	0	1	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[espc1=6]{\textstyle x/1,\textstyle \ln'(x)/1,\textstyle \ln(x)/2}{\textstyle 0,\textstyle +\infty}
\tkzTabLine{d,+,,}
\tkzTabVar{D-/\textstyle -\infty,\textstyle +/\textstyle +\infty,}
\tkzTabVal{1}{2}{0.4}{1}{0}
\tkzTabVal{1}{2}{0.67}{\textstyle E}{1}
\end{tikzpicture}

```

Tableau 2 (racine) :

x	0	$+\infty$
$f'(x)$		+
$f(x) = \sqrt{x}$	0	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espc1=6]{\textstyle x/1,\textstyle f'(x)/1,\textstyle f(x)=\sqrt{x}/2}{\textstyle 0,\textstyle +\infty}
\tkzTabLine{d,+,,}
\tkzTabVar{-/0,\textstyle +/\textstyle +\infty,}
\end{tikzpicture}

```

Tableau 3 (inverse) :

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$f'(x) = -\frac{1}{x^2}$	-		-
$f(x) = \frac{1}{x}$	0	$+\infty$	0

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[lgt=3,espc1=6]{\textstyle x/1,\textstyle f'(x)=-\dfrac{1}{x^2}/1,\textstyle f(x)=\dfrac{1}{x}/2}{\textstyle -\infty,\textstyle 0,\textstyle +\infty}
\tkzTabLine{-,d,-,,}
\tkzTabVar{+/\textstyle 0,-D+/\textstyle -\infty,\textstyle +/\textstyle +\infty,-/\textstyle 0}
\end{tikzpicture}

```

Tableau 4 ($f(x) = \frac{x^2 + 4}{x}$) :

x	$-\infty$	-2	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	0	$-$	$-$	0	$+$
$f(x)$	$-\infty$	-4	$-\infty$	$+\infty$	4	$+\infty$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[]{\(x\)/1,\(f'(x)\)/1,\(f(x)\)/2}{\(-\infty\),\(-2\),\(\emptyset\),2,\(+\infty\)}
\tkzTabLine{+,z,-,d,-,z,+,}
\tkzTabVar{-/\(-\infty\),+/-4,-D+/$-\infty$/$+\infty$, -/4,+/\(+\infty\)}
\end{tikzpicture}

```

Tableau 5 (cos) :

x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$-\sin(x)$	0	$-$	0	$+$	0
$\cos(x)$	1	0	-1	0	1

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit{\(x\)/1,\(-\sin(x)\)/1,\(\cos(x)\)/2}{\(\pi\),\(\pi\),\(\pi\),\(\pi\),\(\pi\)}
\tkzTabLine{z,-,z,+,z}
\tkzTabVar{+/$\pi$, -/$-\pi$, +/$\pi$}
\tkzTabVal{1}{2}{0.5}{\(\dfrac{\pi}{2}\)}{0}
\tkzTabVal{2}{3}{0.5}{\(\dfrac{3\pi}{2}\)}{0}
\end{tikzpicture}

```

11.10 Utilisation de la macro \par

Et bien c'est impossible. La meilleure solution est d'utiliser la macro \parbox sinon l'emploi de \endgraf définit par \let\endgraf=\par peut faire l'affaire.

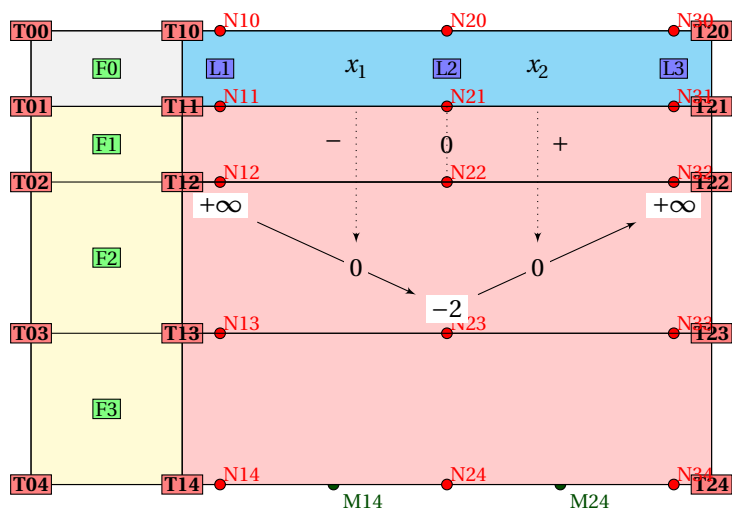
x	0	1
$f(x)$	$u(x)$	$v(x)$

```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit {\(x\)/1,\(f(x)\)/1}{\(\pi\),\(\pi\)}
\tkzTabLine{\parbox{3cm}{\(\sin(x)\)}\(\cos(x)\),}
\end{tikzpicture}

```

11.11 Exemple utilisant l'option help



```

\begin{tikzpicture}
\tkzTabInit[color, colorT = red!20, colorC = yellow!20,
  colorL = cyan!40, colorV = lightgray!20, espc1=3,help]
  {\$x\$ /1, \$f''\$ /1,\$f'\$ /2, \$f\$ /2}
  {\$-\infty\$ , \$0\$ ,\$+\infty\$}
\tkzTabLine{, - , z , + ,}
\tkzTabVar{+/\$+\infty\$ , -/\$-2\$ , +/\$+\infty\$}
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{.6}{\$x_1\$}{\$0\$}
\tkzTabVal[draw]{2}{3}{.4}{\$x_2\$}{\$0\$}
\end{tikzpicture}

```

x	$-\infty$	x_1	0	x_2	$+\infty$
f''		$-$	0	$+$	
f'	$+\infty$	0	-2	0	$+\infty$
f					

```

\begin{tikzpicture}
\tkzset{arrow style/.style = {black,
>-> = latex',thick ,
shorten > = 5pt,
shorten < = 5pt}}
\tkzTabInit[color, colorT = red!20, colorC = yellow!20,
colorL = cyan!40, colorV = lightgray!20, espcl=3]
{\$x\$ /1, \$f'\$ /1,\$f\$ /2, \$f\$ /2}
{\$-\infty\$ , \$0\$ ,\$+\infty\$}
\tkzTabLine{, - , z , + ,}
\tkzTabVar{+/\$+\infty\$ , -/\$-2\$ , +/\$+\infty\$}
\tkzTabVal[draw]{1}{2}{.6}{\$x_1\$}{\$0\$}
\tkzTabVal[draw]{2}{3}{.4}{\$x_2\$}{\$0\$}
\begin{scope}[>->,line width=1pt,>=stealth]
\path (N13) -- (N23) node[midway,below=6pt] (N){};
\draw ([above=6pt]N14) to [bend left=45] ([left=1pt]N);
\draw ([right=3pt]N) to [bend left=45] ([above=6pt]N24) ;
\draw ([above right=6pt]N24)to [bend right=40] ([below left=6pt]N33);
\end{scope}
\end{tikzpicture}

```

11.12 Exemple modifiant la largeur d'une colonne

Cette modification n'est pas prévue. Une astuce consiste à introduire des colonnes vides.

		0	1	4	
		•	•	•	x
$x(x^2 - 5x + 4)$	-	+	-	+	

```

\begin{tikzpicture}
\tikzset{t style/.style = {style = densely dashed}}
\tkzTabInit[lgt=4, espcl = 1.2, lw = 0.5pt, deltacl=0]
{ / 0.7 , \$x(x^2-5x+4)\$ / 1}{ ,\$0\$ , \$1\$ , , \$4\$ ,}
\tkzTabLine{,-,t,+,t,,-,t, +,}
\draw[fill=black] (N21) circle(2pt);
\draw[fill=black] (N31) circle(2pt);
\draw[fill=black] (N51) circle(2pt);
\draw[->=stealth, line width=1.5pt] (N11) -> (N61.east) node[right=2pt] {\$x\$};
\end{tikzpicture}

```

Index

Baccalauréat, 56, 58, 59

\E, 5

Functions

Fonction cosinus, 55

Fonction tangente, 54

Fonctions paramétrées, 36, 55

Fonctions trigonométriques, 54, 55

\genfrac, 12

hachures, 11

nombres dérivés, 44

\np{4,5}, 4, 8

\numprint{4,5}, 4, 8

Package

amsmath, 6

numprint, 4, 8

\par, 63

prolongement par continuité, 25

\signe, 25

Tableau minimum, 5

\tikzset, 47, 49, 50

\tkzTab, 27

\tkzTab: arguments

liste1, 27

liste2, 27

liste3, 27

liste4, 27

\tkzTabIma, 34

\tkzTabIma: arguments

Début, 34

Fin, 34

Image, 34

Position, 34

\tkzTabIma: options

draw, 34

remember, 34

\tkzTabImaFrom, 33, 35, 37

\tkzTabImaFrom: arguments

Début, 37

Fin, 37

From, 37

Image, 37

\tkzTabImaFrom: options

draw, 37, 38

remember, 37, 39

\tkzTabImaFrom[[\local options](#)]{Début}{Fin}{From}{Image}, 37

\tkzTabIma[[\local options](#)]{Début}{Fin}{Position}{Antécédent}{Image}, 34

- \tkzTabInit, 8, 27
- \tkzTabinit, 4
- \tkzTabinit: arguments
 - liste1, 4
 - liste2, 4
- \tkzTabInit: options
 - color, 6
 - deltac1, 6
 - espcl, 6
 - help, 7
 - lgt, 6
 - lw, 6
 - nocadre, 6
- \tkzTabinit: options
 - colorC, 4
 - colorL, 4
 - colorT, 4
 - colorV, 4
 - color, 4
 - deltac1, 4
 - espcl, 4
 - help, 4
 - lgt, 4
 - lw, 4
 - nocadre, 4
- \tkzTabinit[*[local options]*]{*(e(1)/h(1),...,e(p)/h(p))*}{*(a(1),...,a(n))*}, 4
- \tkzTabLine, 8, 9, 27
- \tkzTabLine: arguments
 - +, 8
 - , 8
 - \textvisiblespace, 8
 - d, 8
 - h, 8
 - t, 8
 - z, 8
- \tkzTabLine: options
 - help, 8, 11
 - style, 8
- \tkzTabLine: styles
 - h style, 11
 - t style, 10
- \tkzTabLine[*[local options]*]{*(s(1),...,s(2n-1))*}, 8
- \tkzTabSetup, 46, 50
- \tkzTabSetup: arguments
 - arrowcolor, 46
 - arrowlinewidth, 46
 - arrowstyle, 46
 - color, 46
 - crosslines, 46
 - doublecolor, 46
 - doubledistance, 46
 - fromarrowstyle, 46
 - fromcolor , 46

- fromstyle , 46
- fromwidth , 46
- hcolor , 46
- hopacity , 46
- lw, 46
- tanarrowstyle, 46
- tancolor, 46
- tanstyle, 46
- tanwidth, 46
- tcolor , 46
- tstyle, 46
- \tkzTabSetup[[⟨local options⟩](#)], 46
- \tkzTabSlope{Liste}, 44
- \tkzTabSlope, 44
- \tkzTabSlope: arguments
 - Liste, 44
- \tkzTabTan, 39, 40
- \tkzTabTan: arguments
 - Début, 39
 - Fin, 39
 - Image, 39
 - Position, 39
- \tkzTabTan: options
 - pos, 39, 42
- \tkzTabTanFrom, 42
- \tkzTabTanFrom: arguments
 - Début, 42
 - Fin, 42
 - Image, 42
 - Position, 42
- \tkzTabTanFrom[[⟨local options⟩](#)]{Début}{Fin}{Position}{Image}, 42
- \tkzTabTan[[⟨local options⟩](#)]{Début}{Fin}{Position}{Image}, 39
- \tkzTabVal, 29, 37
- \tkzTabVal: arguments
 - Antécédent, 29
 - Début, 29
 - Fin, 29
 - Image, 29
 - Position, 29
- \tkzTabVal: options
 - draw, 29, 31, 32, 35
 - remember, 29, 33
- \tkzTabVal[[⟨local options⟩](#)]{Début}{Fin}{Position}{Antécédent}{Image}, 29
- \tkzTabVar, 13, 14, 27, 29, 40
- \tkzTabVar: arguments
 - +C, 14
 - +CD+, 14
 - +CD−, 14
 - +CH, 14
 - +D+, 14
 - +D−, 14
 - +DC+, 14
 - +DC−, 14

- +DH, 14
- +D , 14
- +H, 14
- +V+, 14
- +V-, 14
- + , 14
- C, 14
- CD+, 14
- CD-, 14
- CH, 14
- D+, 14
- D-, 14
- DC+, 14
- DC-, 14
- DH, 14
- D , 14
- H, 14
- V+, 14
- V-, 14
- , 14
- D+ , 14
- D- , 14
- R , 14
- \tkzTabVar: options
 - color, 15
 - help, 15, 21
- \tkzTabVar: styles
 - arrow, 22
 - h style, 21
 - node style, 23
- \tkzTabvar: styles
 - h style, 21
- \tkzTabVar[[\local options](#)]{[\el\(1\)](#),...,[\el\(n\)](#)}, 13
- \tkzTab[[\local options](#)]{[\liste1](#)}{[\liste2](#)}{[\liste3](#)}{[\liste4](#)}, 27
- valeurs interdites, 10
- zone interdite, 11, 25